

**Examenstof voor havo natuurkunde (Vernieuwde tweede fase)**Deze samenvatting vind je op [www.agtjijmensen.nl](http://www.agtjijmensen.nl)

BINAS vijfde druk Versie 2010/2011



De formules die je moet kennen staan in een **kader**.  
 Stof die NIET bij het ce hoort is van een \* voorzien

Welke stof voor welk et?

Havo4 et-1: 35A1, 35A3, 35A4, 35A5.

Havo4 et-2: 35A5, 35B3, 35D1

Havo5 et-3: 35B1, 35B2, 17

Havo5 et-4: 35B1, 35B2, 35C4, 35D3, 35D4

Havo5 et-5: 35D3, 35D4, 35E2

**INHOUD:**

Algemene vaardigheden:	2
Mechanica 35A	4
Rechthoekige beweging 35A 1	4
Horizontale worp 35A 2	6
Eenparige cirkelbeweging 35A 3	7
Kracht 35 A 4	8
Arbeid en energie 35 A 5	11
Trillingen, golven en optica 35 B	14
Trillingen 35 B 1	14
Golven 35 B 2	15
Geometrische optica 35 B 3	18
Golfoptica 35 B 4	22
Vloeistoffen, gassen en warmteleer 35 C	22
Algemeen 35 C 1	22
Vloeistoffen 35 C 2	22
Gassen 35 C 3	22
*Warmteleer 35 C 4	23
Elektriciteit en magnetisme 35 D	25
Stromende elektriciteit 35 D 1	25
Elektrisch veld 35 D 2	30
*Magnetisch veld 35 D 3	30
*Wisselstromen en inductie 35 D 4	31
Condensator 35 D 5	33
Overige onderwerpen 35 E	33
Atoomfysica 35 E 1	33
Kernfysica 35 E 2	34
Fysische informatica Tabel 17	38

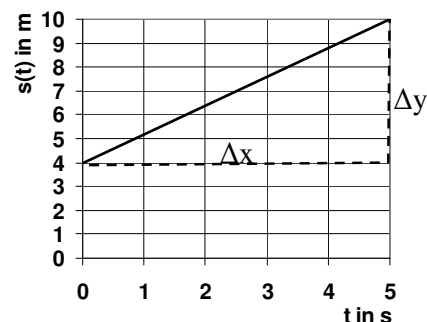
**Algemene vaardigheden:****Eerste en tweedegraads functies**

Als  $y = a \cdot x + b$  of  $y = H \cdot x + A$  dan is de grafiek een rechte lijn.

De r.c (r.c., richtingscoëfficiënt, helling, steilheid) =  $H = \Delta y / \Delta x$

Het beginpunt (snijpunt met y-as, y-as afsnede) =  $A$

Vb.: Zie grafiek: r.c. =  $\Delta y / \Delta x = 6 \text{ m} / 5 \text{ s} = 1,2 \text{ m/s}$



- Als  $y = a \cdot x^2$  dan is de grafiek een parabool (tweede graads functie)

- De helling (r.c.) bepaal je door een raaklijn te tekenen en  $\Delta y / \Delta x$  te bepalen.  
(als de grafiek een rechte is hoeft je geen raaklijn te tekenen)

**Afrondregels:**

Bij + en - afronden op kleinste aantal cijfers achter de komma.

Bij  $\cdot$  en  $:$  afronden op het kleinste aantal significante cijfers.

Tussenantwoorden niet afronden.

**Voorbeeld 1:**

$2,45 \text{ cm} + 0,3 \text{ cm} = 2,75 = 2,8 \text{ cm}$  (1 achter de komma)

$2,45 \text{ cm} \cdot 0,3 \text{ cm} = 0,735 = 0,7 \text{ cm}^2$  (1 significant cijfer)

Bij gemengde opgaven gebruiken we gemakshalve alleen de regel voor  $\cdot$  en  $:$

$25,38 \cdot (2,3 + 3,68) = 214,8 = 2,1 \cdot 10^3$  (2 significante cijfers)

**Eenheden:**

- Eenheden, voorvoegsels en omrekenings-factoren naar het SI-stelsel vind je in BINAS tabel 4 en 5 en 6.

**Voorbeeld 2:**

Voorvoegsels:  $1,5 \text{ Gm} = 1,5 \cdot 10^9 \text{ m}$

**Voorbeeld 3:**

Omrekeningsfactor:  $1 \text{ kWh} = 3,6 \cdot 10^6 \text{ J}$ .

**Voorbeeld 4:**

Eenheid omrekenen:  $7,9 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3 = 7,9 \cdot 10^3 \cdot 10^3 \text{ g} / 10^6 \text{ cm}^3 = 7,9 \text{ g/cm}^3$

Je moet ook eenheden uit een formule kunnen afleiden.

**Voorbeeld 5:**

Eenheid afleiden uit de formule: De soortelijke weerstand  $\rho$  van een draad met lengte  $L$ , doorsnede  $A$  en weerstand  $R$  bereken je met de formule  $\rho = R \cdot A / L$ . Wat is de eenheid van  $\rho$ ?

Opl.:

“De eenheid van  $\rho$ ” wordt kortweg genoteerd als  $[\rho]$ .

$[\rho] = [R] \cdot [A] / [L] = \Omega \cdot \text{m}^2 / \text{m} = \Omega \cdot \text{m}$

**Onderzoek doen.**

Je wilt onderzoeken waar de versnelling van een voorwerp van af hangt.

De versnelling van een voorwerp hangt af van zijn massa en van de resulterende kracht die op het voorwerp werkt.

**De hoofdvraag is:**

Waar hangt de versnelling van een voorwerp van af.

**Een deelvraag is:**

Wat is het verband tussen de versnelling en de resulterende kracht die op een voorwerp werkt,

Theorie:

Volgens de wet van Newton geldt  $F_r = m \cdot a$  ofwel  $a = 1/m \cdot F_r$

Als  $F_r$  (de onafhankelijk variable) langs de x-as wordt gezet en  $a$  (de afhankelijk variabele) langs de y-as dan ontstaat een rechte lijn door de oorsprong met een  $rc = 1/m$ .

**Resultaten.**

Je zet de waarnemingen die je hebt gedaan in een grafiek met Grafische Analyse. De formule die er bij hoort is  $a = 2,38 \cdot F_r + 0,002$ . Als ik het vergelijk met de theorie:  $a = 1/m \cdot F_r$  dan moet  $1/m$  gelijk zijn aan 2,38.

$rc = 1/m \rightarrow 2,38 = 1/m \rightarrow m = 0,420 \text{ kg}$ .

**Conclusie:**

Er is een evenredig verband tussen de versnelling en de resulterende kracht die op een voorwerp werkt. De massa van het voorwerp is 0,420 kg.

## Mechanica 35A

## Rechtlijnige beweging 35A 1

· verplaatsing

$$s(t) = \Delta t = x(t) - x(0)$$

· verplaatsing bij eenparige beweging

$$s(t) = v \cdot t$$

$s(t)$  = afstand (space) in m

$v$  = snelheid in m/s

$t$  = tijd in s

· *Deze formule geldt alleen bij constante snelheid!*

· verplaatsing bij willekeurige beweging

$$s = v_{\text{gem}} \cdot t$$

$s$  = afstand in m

$v_{\text{gem}}$  = gemiddelde snelheid in m/s

$t$  = tijd in s

· gemiddelde snelheid

$$v_{\text{gem}} = \frac{\Delta s}{\Delta t}$$

$v_{\text{gem}}$  = gemiddelde snelheid in m/s

$\Delta s$  = afstand in m

$\Delta t$  = tijd(verschil) in s

· *Bij een eenparig versnelde beweging mag je ook gebruiken:*

$$v_{\text{gem}} = (v_{\text{begin}} + v_{\text{eind}})/2$$

· gemiddelde versnelling

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$a$  = versnelling (acceleration) in  $\text{m/s}^2$

$\Delta v$  = snelheidtoename (afname) in m/s

$\Delta t$  = tijd(verschil) in s

· *Bij een eenparig versnelde beweging is de snelheid –tijd grafiek is een rechte*

· *De afstand bepaal je met de oppervlakte onder de v-t grafiek.*

· *De versnelling  $a$  bepaal je met de r.c. van de v-t grafiek want  $a = r.c. = \Delta v / \Delta t$*

· versnelde beweging  
zonder beginsnelheid

$$s(t) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2$$

$s(t)$  = afstand in m

$a$  = versnelling in  $\text{m/s}^2$

$t$  = tijd in s

· *De formule geldt bij versnellen vanuit stilstand of vertragen tot stilstand.*

· *De afstand-tijd grafiek is een parabool.*

· *Bij versnellen wordt de  $s(t)$  - t grafiek steeds steiler, bij vertragen steeds minder steil.*

· *De snelheid  $v$  bepaal je met de r.c. (van de raaklijn) van de  $s(t)$  - t grafiek*

· versnelde beweging met beginsnelheid:  $s(t) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 + v(0)t$

· Voorbeeld 1:

Een fietser rijdt weg met een versnelling van  $1,5 \text{ m/s}^2$ . Bereken snelheid en afstand na  $5,0 \text{ s}$ .

Daarna remt hij met  $4,0 \text{ m/s}^2$  tot hij stil staat. Bereken de remweg

Geg.:  $a=1,5 \text{ m/s}^2$  en  $t = 5,0 \text{ s}$ .

Gevr.:  $v$  en  $s(t)$

Opl.:

Het versnellen:

·  $a = \Delta v / \Delta t$

$1,5 = \Delta v / 5,0 \rightarrow \Delta v = 1,5 \cdot 5,0 = 7,5$  dus  $v = 7,5 \text{ m/s}$

·  $s(t) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 = \frac{1}{2} \cdot 1,5 \cdot 5,0^2 = 18,75 = 19 \text{ m}$

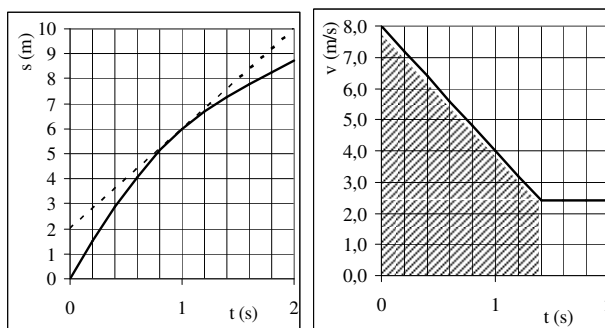
Het vertragen van 7,5 m/s tot stilstand:

- $a = \Delta v / \Delta t$   
 $4,0 = 7,5 / \Delta t \rightarrow \Delta t = 7,5 / 4,0 = 1,875$  dus  $t = 1,875$  s
- $s(t) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 = \frac{1}{2} \cdot 4,0 \cdot 1,875^2 = 7,0$  m

• Voorbeeld 2:

Een fietser remt een beetje af. De afstand-tijd en de snelheid-tijd grafieken zijn gegeven.

- a. Bepaal met de snelheid-tijd grafiek de afstand die de fietser tijdens het remmen aflegt.
- b. Bepaal de vertraging met de snelheid-tijd grafiek.
- c. Bepaal de snelheid van de fietser op  $t = 1,0$  s met de afstand-tijd grafiek.



Opl.:

- a. afstand = opp. (onder de v-t grafiek = opp. rechthoek + opp. driehoek, arceren in tekening) =  
 $1,4 \cdot 2,5 + \frac{1}{2} \cdot 1,4 \cdot 5,5 = 7,4$  m
- b.  $a = \Delta v / \Delta t = (2,5 - 8,0) / (1,4 - 0) = -3,9 \text{ ms}^{-2}$  (of een vertraging van  $3,9 \text{ ms}^{-2}$ )
- c.  $v = r.c$  (van de raaklijn aan de s-t grafiek, raaklijn tekenen) =  $((9,2 - 2,0) / (1,8 - 0)) = 4,0$  m/s

**Een vrije val** is een eenparig versnelde beweging zonder weerstand.

Dan is de versnelling  $a = g = 9,81 \text{ m/s}^2$  (BINAS tabel 7)

• Voorbeeld 3:

Een steen valt vrij van 10 m hoogte. Bereken de snelheid bij de grond.

Geg.:  $s(t) = 10$  m,  $a = g = 9,81 \text{ m/s}^2$ .

Gevr.: v

Opl.:

- $s(t) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2$  ofwel  $y(t) = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$   
 $10 = \frac{1}{2} \cdot 9,81 \cdot t^2$  dus  $t = 1,42$  s
- $a = \Delta v / \Delta t \rightarrow 9,81 = \Delta v / 1,42 \rightarrow \Delta v = 9,81 \cdot 1,42 = 13,9$  dus  $v = 14$  m/s

---

## Horizontale worp 35A 2

---

Horizontale worp:

- horizontale verplaatsing  $x(t) = v_x \cdot t$
- verticale verplaatsing  $y(t) = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$

## Eenparige cirkelbeweging 35A 3

Eenparige cirkelbeweging:

- afgelegde baan  $s(t) = \phi(t) \cdot r$        $\phi(t)$  in rad
- afgelegde hoek  $\phi(t) = \omega \cdot t$        $\omega = \frac{2\pi}{T}$
- baansnelheid  $v = \omega \cdot r$

- **baansnelheid**

$$v = \frac{2\pi r}{T}$$

$v$  = baansnelheid in m/s

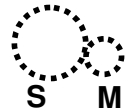
$r$  is de straal van de cirkel in m.

$T$  is de omlooptijd in s (de tijd, nodig voor één rondje)

- Voorbeeld 1:

Een ronde slijpsteen heeft een middellijn van 10 cm en de omlooptijd is 0,020 s.

- a. Bereken de (baan)snelheid van een punt op de rand van de slijpsteen.
- b. Bereken het toerental van de slijpsteen.
- c. De slijpsteen zit aan een as waaraan ook tandwiel S met een diameter van 2,0 cm is bevestigd. Tegen tandwiel S loopt tandwiel M met een diameter van 1,2 cm.  
Tandwiel M zit aan de motoras. Zie de figuur. Bereken het toerental van de motor(as).



- a. Geg.:  $r = 10,0$  cm en  $T = 0,020$  s.

Gevr.:  $v$

Opl.:

$$v = 2\pi r / T = 2\pi \cdot 0,10 / 0,020 = 5,0 \text{ m/s}$$

- b. Toerental = aantal rondjes per minuut

In 0,020 s doet hij 1 rondje

1 min = 60 s dus in 1 min doet hij  $60 / 0,020 = 3000 = 3,0 \cdot 10^3$  rondjes.

Het toerental is dus  $3,0 \cdot 10^3$  per min =  $3,0 \cdot 10^3 \text{ min}^{-1}$

- c. Toerental S =  $3,0 \cdot 10^3 \text{ min}^{-1}$

Diameter M is  $1,2 / 2 = 0,6$  maal zo groot dus zijn toerental is 0,6 keer zo klein.

Het toerental is dus  $3,0 \cdot 10^3 / 0,6 = 5,0 \cdot 10^3 \text{ min}^{-1}$

middelpuntzoekende versnelling

$$a_{\text{mpz}} = \frac{v^2}{r}$$

middelpuntzoekende versnelling

$$a_{\text{mpz}} = \omega^2 r$$

middelpuntzoekende kracht

$$F_{\text{mpz}} = m \cdot \omega^2 r$$

middelpuntzoekende kracht

$$F_{\text{mpz}} = \frac{mv^2}{r}$$

· **resultante van krachten**

$$\mathbf{F}_{\text{res}} = \Sigma \mathbf{F}$$

$F_{\text{res}}$  is de resulterende of totale kracht.

· **tweede wet van Newton**

$$\mathbf{F}_{\text{res}} = \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}$$

$F_{\text{res}}$  = resulterende of totale kracht in N

m = massa in kg

a = versnelling in  $\text{m/s}^2$

- De krachten zo nodig ontbinden in x en y-richting  
constante snelheid betekent dat  $F_{\text{res}} = 0$  (eerste wet van Newton)
- Bij evenwicht geldt  $F_{\text{res}} = 0$
- Bij het bepalen (construeren) van de resulterende kracht mag je een tekening op schaal maken en de krachten optellen m.b.v. een parallellogram.  
Hoeken kun je opmeten.

$$\Sigma \mathbf{F} = \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}$$

$\Sigma F$  = totale kracht (resulterende kracht) in N

m = massa in kg

a = versnelling in  $\text{m/s}^2$

· **zwaartekracht**

$$\mathbf{F}_z = \mathbf{m} \cdot \mathbf{g}$$

$F_z$  = zwaartekracht in N

m = massa in kg

g = valversnelling ( $g = 9,81 \text{ m/s}^2$  op aarde (BINAS tabel 7))

· **veerkracht**

$$\mathbf{F}_v = \mathbf{C} \cdot \mathbf{u}$$

$F_v$  = veerkracht in N

C is de veerconstante (N/m)

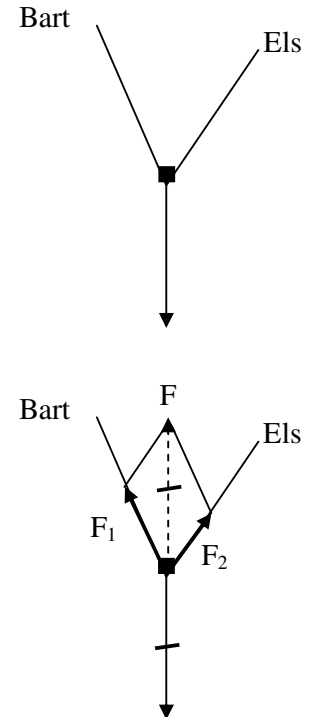
u is de uitrekking (lengtetoeename) in m.

**Wrijvingskracht:**

- De wrijving bij *schuiven* hangt af van de normaalkracht en de aard (ruwheid) van beide oppervlakken.
- De wrijving bij rollen hangt af van de normaalkracht en de aard van beide oppervlakken.
- De *luchtweerstand* hangt af van de snelheid, het frontaal oppervlak, de stroomlijn ( $C_w$ -waarde) en de dichtheid van de stof waar het voorwerp doorheen gaat (meestal lucht of water)

• voorbeeld 1:

Els en Bart dragen samen een tas. Zie de tekening. De krachtschaal is 1 cm → 100 N. Bepaal door constructie de spierkracht van Els en van Bart.



Opl:

- De kracht van Els en Bart samen noemen we  $F$ . Deze is even groot als en tegengesteld aan de zwaartekracht. Teken de kracht  $F$  omhoog die ook 2 cm lang is.
- Maak vanaf de punt van  $F$  het parallellogram af.  
 Meet op:  
 $F_1 = 1,3 \text{ cm} \rightarrow 1,3 \cdot 100 = 130 \text{ N}$   
 $F_2 = 1,0 \text{ cm} \rightarrow 1,0 \cdot 100 = 100 \text{ N}$   
 Let op! Bij het tekenen en opmeten kan de uitkomst iets afwijken.

• voorbeeld 2:

Een slee van 5,0 kg wordt door een horizontale kracht  $F$  versneld waardoor hij in 2,5 s van 2,0 m/s naar 6,0 m/s gaat. De wrijving is constant 6,0 N.

Gevr.:  $F$

Opl:

- $a = \Delta v / \Delta t = 4,0 / 2,5 = 1,6 \text{ m/s}^2$ .
- $F_r = m \cdot a \rightarrow F - 6,0 = 5,0 \cdot 1,6$   
 $F = 6,0 + 8 = 14 \text{ N}$

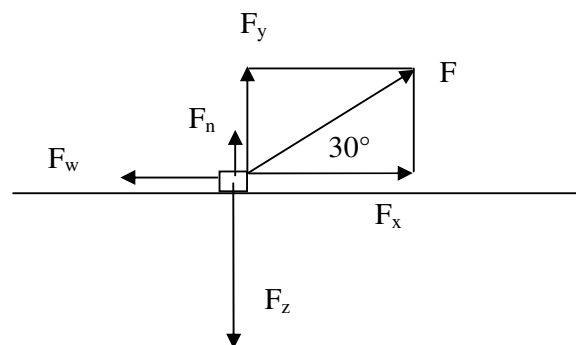
• voorbeeld 3:

Zie tek. Een slee van 2,0 kg wordt aan een touw voort getrokken door een spierkracht  $F$  van 10 N en de wrijvingskracht is 5,0 N.

Gevr.: De versnelling en de normaalkracht.

Opl:

- Ontbind  $F$  in een kracht naar rechts ( $F_x$ ) en een kracht naar boven ( $F_y$ )  
 $\cos 30 = F_x / 10 \rightarrow F_x = 8,7 \text{ N}$   
 $\sin 30 = F_y / 10 \rightarrow F_y = 5,0 \text{ N}$
- in horizontale richting is er een versnelling:  
 $F_{\text{res}} = m \cdot a$   
 $8,7 - 5,0 = 2 \cdot a$   
 $a = 1,9 \text{ m/s}^2$
- In verticale richting is er evenwicht:  
 $F_z = m \cdot g = 2,0 \cdot 9,81 = 20 \text{ N}$  (omlaag)  
 Er is dus ook in totaal 20 N omhoog  
 Omdat  $F_y = 5,0 \text{ N}$  moet  $F_n = 15 \text{ N}$  zijn.



· *Voorbeeld 4:*

Een slee van 2,0 kg glijdt met constante snelheid van de helling. Zie tek.

$\alpha = 30^\circ$ .

Gevr.: De wrijvingskracht en de normaalkracht.

Opl:

$$F_z = m \cdot g = 20 \text{ N}$$

- Ontbind  $F_z$  in een kracht  $F_x$  langs de helling en een kracht  $F_y$  loodrecht op de helling. De hoek met stip is ook  $30^\circ$

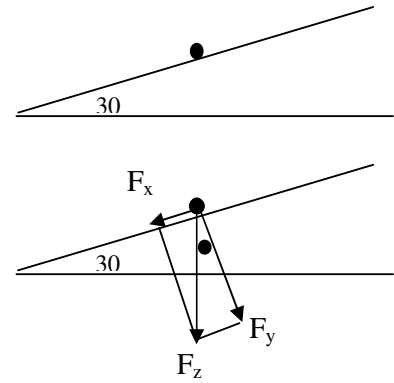
$$\sin 30 = F_x / 20 \rightarrow F_x = 10 \text{ N}$$

$$\cos 30 = F_y / 20 \rightarrow F_y = 17,3 \text{ N}$$

Langs de helling heffen de krachten elkaar op want  $v$  is constant dus

$F_w$  is 10 N

- Loodrecht op de helling heffen de krachten elkaar op dus  $F_n = F_{zy} = 17 \text{ N}$



impuls van een massa

(hoeveelheid beweging)

$$\mathbf{p} = \mathbf{m} \cdot \mathbf{v}$$

Krachtstoot (bewegingswet)

$$\mathbf{F} \cdot \Delta t = \mathbf{m} \cdot \Delta \mathbf{v}$$

Gravitatiekracht

$$\mathbf{F}_g = G \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

Druk

$$\mathbf{p} = \frac{\mathbf{F}}{\mathbf{A}}$$

Krachtsmoment

$$\mathbf{M} = \mathbf{F} \cdot \mathbf{r}$$

Hefboomwet

$$\mathbf{M}_1 + \mathbf{M}_2 = \mathbf{0}$$

$$\Sigma \mathbf{M} = \mathbf{0}$$



· Voorbeeld 2:

Je gooit een bal van 0,100 kg vanaf 2,5 m hoogte recht omhoog met 8,0 m/s. Hij komt met 6,0 m/s op de grond.

- Bereken hoeveel warmte-energie er door de luchtweerstand is ontstaan. Gebruik energiebehoud.
- De bal bereikt een hoogte van 5,5 m. Bereken de (gemiddelde) wrijvingskracht.

Opl:

- $(E_k + E_z)_{\text{begin}} = (E_k + E_z + \text{warmte})_{\text{eind}}$   
 ofwel  $(\frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 + m \cdot g \cdot h)_{\text{begin}} = (\frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 + m \cdot g \cdot h + \text{warmte-energie})_{\text{eind}}$   
 Gegevens invullen:  $(\frac{1}{2} \cdot 0,1 \cdot 8^2 + 0,1 \cdot 9,81 \cdot 2,5) = (\frac{1}{2} \cdot 0,1 \cdot 6^2 + 0,1 \cdot 9,81 \cdot 0 + \text{warmte})$   
 $3,2 + 2,45 = 1,8 + \text{warmte}$   
 $\text{warmte} = 3,9 \text{ J}$
- De bal gaat 3,0 m omhoog en 5,5 m omlaag dus  $s = 8,5 \text{ m}$   
 $Q = F_w \cdot s \rightarrow 3,9 = F_w \cdot 8,5 \rightarrow F_w = 0,46 \text{ N}$

· **wet van arbeid en kinetische energie**

$$\Sigma W = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_2^2 - \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_1^2$$

$\Sigma W$  = totaal verricht arbeid in J

$m$  = massa in kg

$v_1$  = beginsnelheid in m/s

$v_2$  = eindsnelheid in m/s

· De totaal verrichte arbeid is gelijk aan de toename van de kinetische energie.

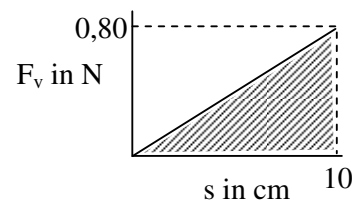
· Voorbeeld 4:

Je schiet een propje van 10 g weg met een elastiek dat je 10 cm hebt uitgerekt. De kracht die het elastiek op het propje uitoefent is in de grafiek weergegeven.

- Bereken de arbeid die de veerkracht heeft verricht
- Bereken de snelheid die het propje krijgt.

Opl.:

- De arbeid is de oppervlakte onder de F-s grafiek  
 $= \frac{1}{2} \cdot 0,10 \cdot 8,0 = 0,40 \text{ J}$
- De verrichtte arbeid is omgezet in kinetische energie.  
 De beginsnelheid  $v_1 = 0$ :  
 $\Sigma W = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_2^2 - \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_1^2$   
 $0,40 = \frac{1}{2} \cdot 0,010 \cdot v_2^2 - 0$   
 $v_2 = 8,9 \text{ m/s}$



· Voorbeeld 5:

Je bent 100 kg (met fiets), rijdt met 6,0 m/s en remt tot stilstand.

Bereken de arbeid die verricht is door de wrijvingskracht.

Opl:

Alleen de wrijvingskracht verricht hier arbeid dus de totale arbeid is de arbeid door de wrijvingskracht:

$$\Sigma W = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_2^2 - \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_1^2 = \frac{1}{2} \cdot 100 \cdot 0^2 - \frac{1}{2} \cdot 100 \cdot 6,0^2 = 0 - 1800 = -1,8 \cdot 10^3 \text{ J}$$

· **vermogen**

$$P = \frac{W}{t} = \frac{\Delta E}{t} = F \cdot v$$

$P$  = vermogen in W (J/s)

$W$  = arbeid in J

$t$  = tijd in s

$F$  = kracht in N

$v$  = snelheid in m/s

· Voorbeeld 6:

Je rijdt met een brommer met constante snelheid van 36 km/h, de rolweerstand is 50 N en de luchtweerstand is 100 N.

- Bereken de arbeid die de motor verricht na 2,0 uur.
- Bereken het nuttig vermogen van de motor.

Opl:

- 36 km/h = 10 m/s

$$s = v \cdot t = 10 \cdot 7200 = 7,2 \cdot 10^4 \text{ m}$$

Omdat de snelheid constant is, is  $F_{\text{motor}} = F_w = 100 + 50 = 150 \text{ N}$ .

$$W = F_{\text{motor}} \cdot s = 150 \cdot 7,2 \cdot 10^4 = 1,08 \cdot 10^7 = 1,1 \cdot 10^7 \text{ J}$$

- $P = F_{\text{motor}} \cdot v = 150 \cdot 10 = 1,5 \cdot 10^3 \text{ W}$

Of:

$$P = W/t = 1,1 \cdot 10^7 / 7200 = 1,5 \cdot 10^3 \text{ W}$$

· **mechanisch rendement**

$$\eta = \frac{W_{\text{uit}}}{E_{\text{in}}} \cdot 100\%$$

$\eta$  = rendement in %

$W_{\text{uit}}$  = geleverde (nuttige) arbeid in J

$E_{\text{in}}$  = toegevoerde energie in J

· Voorbeeld 7:

Een liter benzine bevat 32 MJ chemische energie. Een brommer verbruikt 1,2 L benzine. De (nuttige) arbeid is  $1,08 \cdot 10^7 \text{ J}$ . Bereken het rendement.

Opl:

$$E_{\text{in}} = 1,2 \cdot 32 \cdot 10^6 \text{ J} = 3,84 \cdot 10^7 \text{ J} \text{ (De toegevoerde chemische energie uit de benzine)}$$

$$\text{Rendement} = 1,08 \cdot 10^7 \text{ J} / 3,84 \cdot 10^7 \cdot 100\% = 28\%$$

---



---

**Trillingen, golven en optica 35 B**


---



---

**Trillingen 35 B 1**


---

· frequentie

$$f = \frac{1}{T}$$

f = frequentie in Hz = s<sup>-1</sup>

T = trillingstijd (periode) in s

· amplitudo

$$A \text{ of } r$$

· r in m (of cm) is de de maximale uitwijking uit de evenwichtstand.

harmonische trilling:

· uitwijking

$$u(t) = A \sin(2\pi ft)$$

· De snelheid bepaal je met de u-t grafiek door de r.c. van de raaklijn te bepalen.

· maximale snelheid

$$v_{\max} = \frac{2\pi A}{T}$$

· kracht

$$F = C \cdot u$$

$$F = -C \cdot u$$

· maximale energie

$$E_{\max} = \frac{1}{2} C A^2 = \frac{1}{2} m (v_{\max})^2$$

**trillingstijd**

· massa-veersysteem

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{C}}$$

T = trillingstijd (periode) in s

m = massa die in trilling is in kg

C is de veerconstante in N/m

· Voorbeeld 2:

Aan een veer van 10,0 cm hang je 100g waardoor hij 15,0 cm wordt. Daarna trek je er aan tot hij 19,0 cm wordt en laat de massa los zodat hij ongedempt gaat trillen.

Bereken:

- De veerconstante.
- De vereiste spierkracht,
- De trillingstijd.

Opl:

- In de evenwichtstand is  $F_v = F_z = mg = 0,98 \text{ N}$   
 · De uitrekking  $u = 15,0 - 10,0 = 5 \text{ cm} = 0,05 \text{ m}$   
 ·  $C = F_v/u = 19,6 = 20 \text{ N/m}$
- De uitrekking  $u = 19,0 - 10,0 = 9,0 \text{ cm} = 0,090 \text{ m}$   
 $F_v = C \cdot u = 19,6 \cdot 0,090 = 1,76 \text{ N}$  en  $F_z = 0,98 \text{ N}$   
 $\rightarrow F_{\text{spier}} = 1,76 - 0,98 = 0,81 \text{ N}$  (omlaag)
- $T = 2\pi \sqrt{(m/C)} = 2\pi \sqrt{(0,100/19,6)} = 0,449 = 0,45 \text{ s}$

· **slinger**

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

- $l$  is de lengte in m en  $g$  is de valversnelling in  $\text{m/s}^2$
- $T$  = trillingstijd (periode) in s
- $l$  = lengte (van ophangpunt tot zwaartepunt) in m
- $g$  is valversnelling =  $9,81 \text{ ms}^{-2}$

· **Voorbeeld 3:**

Aan een touw van 1,00 m hangt een kubusvormig blokje van 100 g en ribben van 4,0 cm. Je geeft het een uitwijking waarna hij gaat slingeren. Bereken de frequentie.

Daarna trek je er aan tot hij 19,0 cm wordt en laat de massa los zodat hij ongedempt gaat trillen.

Opl:

$$l = 1,00 + 0,020 = 1,02 \text{ m. (Let op, het zwaartepunt ligt midden in het blokje)}$$

$$T = 2\pi\sqrt{l/g} = 2\pi\sqrt{1,02/9,81} = 2,03 = 2,0 \text{ s}$$

$$f = 1/T = 1/2,03 = 0,494 = 0,49 \text{ Hz}$$

---

**Golven 35 B 2**


---

· **golflengte**

$$\lambda = v \cdot T$$

- $v$  is de voortplantingssnelheid van de golf in  $\text{m/s}$
- $T$  is de periode in s
- *Verwar de golflengte niet met de lengte van de golf(trein).*
- In figuur 1 is de lengte van de golf(trein) =  $1,5\lambda$*

· **snelheid van een lopende golf**

$$v = f \cdot \lambda$$

- $v$  is de voortplantingssnelheid van de golf in  $\text{m/s}$
- $f$  = frequentie in  $\text{Hz} = \text{s}^{-1}$
- $\lambda$  = golflengte in m
- *In figuur 1 is de golf iets later getekent (Zie de gestreepte lijn). Daar kun je aan zien dat bijvoorbeeld punt P omhoog gaat.*
- *De trillende punten van het koord gaan alleen op en neer en niet heen en weer!*
- *Als een golf naar rechts loopt zit de voorkant van de golf in punt P ( P = de kop van de golf, het punt van het koord dat nog net niet heeft getrild)*

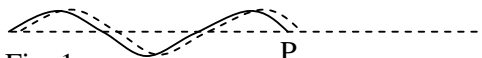


Fig. 1

**voorwaarde voor staande golf:**

**· koord (twee vaste uiteinden)**

$$l = n \cdot \frac{1}{2} \cdot \lambda \quad (n = 1, 2, \dots)$$

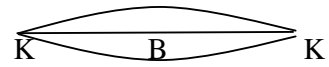
$l$  = lengte koord in m

$\lambda$  = golflengte in m

· Bij de vaste uiteinden ontstaan altijd een knoop.

Bij de grondtoon ( $n=1$ ) geldt:

$l = \frac{1}{2} \cdot \lambda = \text{KK}$ :



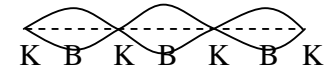
Bij de eerste boventoon ( $n = 2$ ):

$l = 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \lambda$



Bij de tweede boventoon ( $n=3$ ):

$l = 3 \cdot \frac{1}{2} \cdot \lambda$



**· luchtkolom (één uiteinde gesloten)**

$$l = (2n-1) \cdot \frac{1}{4} \lambda \quad (n = 1, 2, \dots)$$

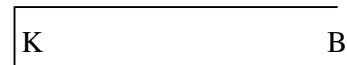
$l$  = lengte luchtkolom (orgelpijp bijv.) in m

$\lambda$  = golflengte in m

· Bij een gesloten einde ontstaat een knoop, bij het open uiteinde een buik.

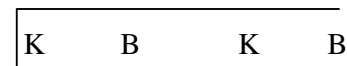
Bij  $n=1$  is  $l = \text{KB} = 1 \cdot \frac{1}{4} \lambda$

Je ziet de grondtoon.



Bij  $n=2$  is  $l = 3 \cdot \frac{1}{4} \lambda$

Je ziet de 1<sup>e</sup> boventoon.



Bij  $n=3$  is  $l = 5 \cdot \frac{1}{4} \lambda$

Je ziet de 2<sup>e</sup> boventoon

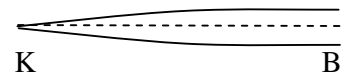


Bij een strip, aan één kant ingeklemd geldt dezelfde theorie.

De golf is nu alleen transversaal.

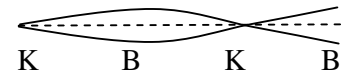
$l = \text{KB} = 1 \cdot \frac{1}{4} \lambda$

Je ziet de grontoon



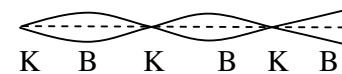
$l = 3 \cdot \frac{1}{4} \lambda$

Je ziet de 1<sup>e</sup> boventoon.



$l = 5 \cdot \frac{1}{4} \lambda$

Je ziet de 2<sup>e</sup> boventoon



· Als een instrument in trilling wordt gebracht hoor je de grondtoon en de boventonen. De amplitude (klankkleur) van elk van deze tonen zijn kenmerkend voor het soort instrument.

· Voorbeeld 1:

Een orgelpijp van 1,50 m is aan één kant open en aan één kant gesloten. De geluidssnelheid is 340 m/s. Bereken de frequentie van de grondtoon en de eerste boventoon.

Opl:

· Grondtoon:

Zie de tekening.  $KB = \frac{1}{4}\lambda = 1,5 \text{ m} \rightarrow \lambda = 6,0 \text{ m}$   
 $v = f \cdot \lambda \rightarrow f = v/\lambda = 340/6,0 = 57 \text{ Hz}$

<b>K</b>	<b>B</b>
----------	----------

· 1<sup>e</sup> boventoon:

Zie de tekening.  $KBKB = 3 \cdot \frac{1}{4}\lambda = 1,5 \text{ m} \rightarrow \lambda = 2,0 \text{ m}$   
 $f = v/\lambda = 340/2,0$  en  $f = 1,7 \cdot 10^2 \text{ Hz}$

<b>K</b>	<b>B</b>	<b>K</b>	<b>B</b>
----------	----------	----------	----------

faseverschil

$$\Delta\phi = \frac{\Delta x}{\lambda}$$

$\Delta x$  is het wegverschil, dat is het verschil in afstand die beide golven afleggen.

$\lambda$  = golflengte in m

· Als golven uit twee bronnen A en B in een punt P aankomen dan is het wegverschil  $\Delta x = AP - BP$ .

· Is het wegverschil  $0\lambda, 1\lambda, 2\lambda$  enz. (dus het faseverschil =  $0, 1, 2$  enz.) dan ontstaat een maximum (trillingen zijn in fase).

· Is het wegverschil  $\frac{1}{2}\lambda, 1\frac{1}{2}\lambda, 2\frac{1}{2}\lambda$  enz. (dus het faseverschil =  $\frac{1}{2}, 1\frac{1}{2}, 2\frac{1}{2}$  enz.) dan ontstaat een minimum (trillingen zijn in tegenfase).

Dit wordt toegepast bij antigeluid: geluid + geluid geeft stilte.

Dopplereffect

$$f_w = f_b \frac{v}{v - v_b}$$

· geluid(druk)niveau

$$L_p = 10 \log\left(\frac{I}{I_0}\right) \text{ in dB(A)} \quad I_0 = 10^{-12} \text{ Wm}^{-2}$$

· Als het vermogen van de geluidsbron verdubbeld, neemt het geluidsniveau toe met 3 dB.

Het oor "werkt" logaritmisch,  $\log(2) = 0,3010 \text{ Bell} \approx 3 \text{ dB}$

· Voorbeeld 2:

In een koor zingen 12 zangers, het geluidniveau is 70 dB. Het aantal zangers wordt uitgebreid tot 24. Hoe groot is het geluidniveau nu?

Het vermogen is verdubbeld dus er komt 3 dB bij, het geluidniveau wordt  $70 + 3 = 73 \text{ dB}$

· intensiteit volgens kwadratenwet

$$I = \frac{P_{\text{bron}}}{4\pi \cdot r^2}$$

· Voorbeeld 3: De oscilloscoop:

Op een oscilloscoop kun je een spanning als functie van de tijd zichtbaar maken, bijvoorbeeld door er een microfoon op aan te sluiten.

De horizontale tijd-schaal wordt aangegeven met behulp van de *tijdbasis*. Het scherm is 10 hokjes (= 10 divisions = 10 div) breed. Op het scherm zie je bijv. twee perioden en de tijdbasis staat op 0,5 ms/div.

Gevr.: T.

Opl.: Twee perioden op het scherm  $\rightarrow 2 \cdot T = 10 \text{ div} = 10 \cdot 0,5 = 5,0 \text{ ms}$ . Dus  $T = 2,5 \text{ ms}$ .

$T = 0,0025 \text{ s} \rightarrow f = 1/T = 1/0,0025 = 400 \text{ Hz}$

---



---

**Geometrische optica 35 B 3**


---



---

**· terugkaatsingwet**

$$\boxed{i = t}$$

$i$  = hoek van inval in graden

$t$  = hoek van terugkaatsing in graden

· is de hoek tussen invallende straal en de normaal  $n$  (= loodlijn).

· De normaal op een cirkeloppervlak gaat door het middelpunt  $M$ .

· De teruggekaatste straal is te tekenen m.b.v.  $i = t$  maar soms moet je eerst het spiegelbeeld  $B$  tekenen. De straal uit  $L$  weerkaatst alsof hij van het spiegelbeeld komt.

Zie figuur 1.

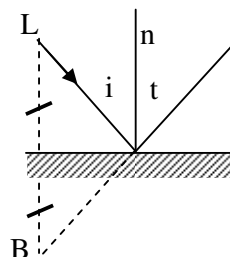


Fig. 1

**· brekingswet van Snellius**

$$\boxed{\frac{\sin i}{\sin r} = n}$$

$i$  is de hoek van inval in graden (tussen invallende straal en de normaal (=loodlijn))

$r$  = hoek van breking (tussen gebroken straal en normaal)

$n$  is de brekingsindex.

· Deze staat in Binas voor overgang

van lucht naar stof en is altijd  $> 1$  zodat  $r$  altijd kleiner is dan  $i$  (breking naar de normaal toe)

· Bij overgang van stof naar lucht gebruik je  $\frac{\sin i}{\sin r} = \frac{1}{n}$

· Breking ontstaat doordat licht in een medium veel langzamer gaat dan in vacuüm (lucht).  $n_{\text{glas}} = 1,5$  betekent dan ook dat licht in glas 1,5 keer zo langzaam gaat)

**· Voorbeeld 1:**

Een lichtstraal gaat van water naar lucht. Zie figuur 2. Bereken de hoek van breking.

Geg.:  $i = 90 - 60^\circ = 30^\circ$  en  $n = 1,33$  (BINAS, brekingsindex water)

Gevr.:  $r$

Opl.:

· =  $30^\circ$  en  $n = 1/1,33$  want de straal gaat van water naar lucht!

· Snellius toepassen:  $\sin 30 / \sin r = 1/1,33$  dus  $r = 42^\circ$

(Dat kan want de straal breekt van de normaal af dus moet  $r > i$  zijn)

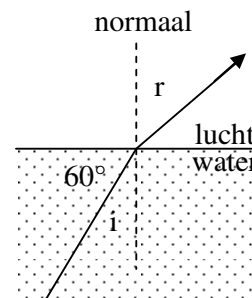


Fig. 2

## · lenzenformule

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{v} + \frac{1}{b}$$

f = brandpuntsafstand in m (van brandpunt tot lens)

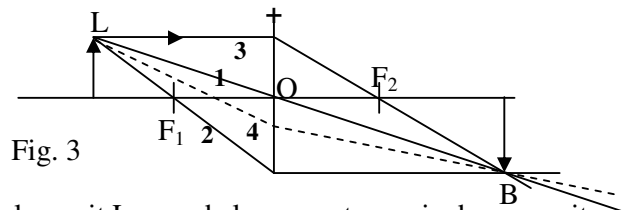
v = voorwerpsafstand in m (van voorwerp tot lens)

b = beeldafstand in m (van beeld tot lens)

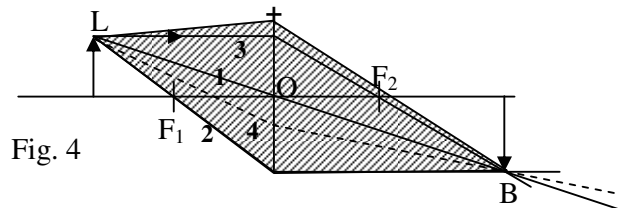
· Als uit de formule volgt dat  $b < 0$  dan is het beeld virtueel (bij een loep bijvoorbeeld)

· **Het beeld construeren** moet je kunnen m.b.v. 2 van de 3 constructiestralen (zie figuur 3):

- straal 1 door het midden van de lens gaat rechtdoor.
- straal 2 door het hoofdbrandpunt  $F_1$  gaat na de lens evenwijdig aan de hoofdas verder.
- straal 3 straal evenwijdig aan de hoofdas gaat na de lens door  $F_2$  verder.
- Een willekeurige straal 4 uit L kun je nu snel tekenen want deze gaat naar B.



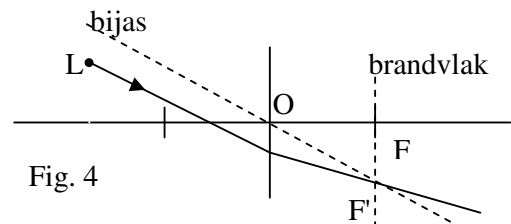
· De bundel vanuit L naar de lens construeer je door vanuit L twee stralen te tekenen naar de onder- en bovenkant van de lens. Deze gaan verder naar B. Zie arcering in figuur 4.



· **Een willekeurige straal** construeer je in stappen,

Zie figuur 4.

- een bijas tekenen, dat is een lijn door O, evenwijdig aan de straal.
- het brandvlak tekenen (door F, loodrecht op de hoofdas).
- waar de bijas dit vlak snijdt ligt het bijbrandpunt  $F'$ .
- De straal gaat verder door  $F'$ .



N.B.:

*Je kunt een willekeurige straal ook net zo tekenen als in figuur 3. Construeer dan eerst het beeld van L. Na de lens gaat de willekeurige straal verder naar B.*

- Constructie bij de **loep** met de constructiestralen 1 en 3  
Zie figuur 5.  
De stralen die uit de lens komen snijden elkaar schijnbaar (virtueel) in B.  
Elke straal uit L (zie straal 4) breekt alsof hij uit B komt:

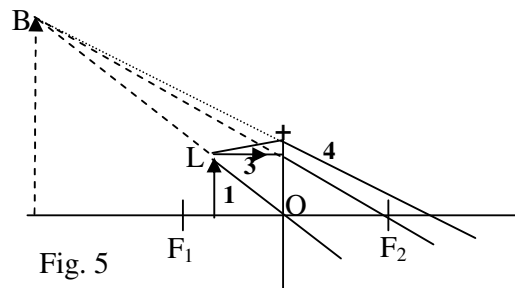


Fig. 5

- **lenssterkte**

$$S = \frac{1}{f}$$

S = lenssterkte in dioptrie  
f = brandpuntafstand **in meter!**

- **vergroting**

$$N_{\text{lin}} = \left| \frac{b}{v} \right|$$

$N_{\text{lin}}$  = lineaire vergroting (geen eenheid of “keer”)

b = beeldafstand in m

v = voorwerpsafstand in m

- Als  $N < 1$  spreken we *ook* van een vergroting en niet van een verkleining.
- ... geeft aan dat de vergroting altijd groter dan 0 is.
- Voor de vergroting geldt ook:

$$N_{\text{lin}} = \frac{\text{beeldgrootte}}{\text{voorwerpgrootte}} = \frac{B}{V}$$

- Voorbeeld 2:

Een insect van 1,2 mm hoogte staat 1,5 cm voor een loep met brandpuntsafstand 2,0 cm.

Gevr.:

- Bereken de sterkte van de lens
- Bereken de grootte van het beeld.

Opl.:

- $S = 1/f = 1/0,020 = 50$  dioptrie
- $1/f = 1/v + 1/b \rightarrow 1/2 = 1/1,5 + 1/b \rightarrow b = -6,0$  cm (het beeld is dus virtueel, op 6,0 cm van de lens)
  - $N = |b/v| = |-6/1,5| = 4,0$   
Het beeld is  $4,0 \cdot 1,2$  mm = 4,8 mm (2 sign. cijfers)

• grenshoek

$$\sin g = \frac{1}{n}$$

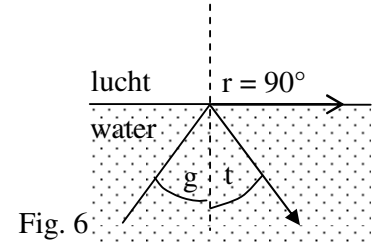
$g$  = grenshoek in graden (zie BINAS)

$n$  is de brekingsindex van de stof (zie BINAS).

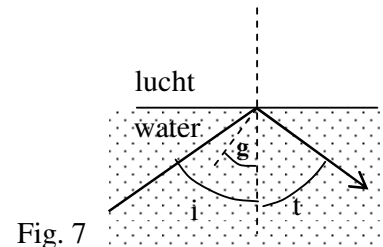
Als een straal de stof **uit** wil en  $i = g$  dan is  $r = 90^\circ$ .

De straal "scheert" langs het oppervlak:  $r = 90^\circ$ .

Zie figuur 6.



• Als een straal **van stof naar lucht** wil en  $i > g$  dan kan hij er niet uit maar wordt geheel gereflecteerd (= totale reflectie). Zie figuur 7.



• Voorbeeld 3:

• Bereken de grenshoek van water ( $n = 1,33$ )

• Een lichtstraal wil deze stof uit en de hoek van inval is  $55^\circ$ . Lukt dat?

Opl:

•  $\sin g = 1/n \rightarrow \sin g = 1/1,33 \rightarrow g = 48,8^\circ$

•  $i = 55^\circ$  en  $g = 48,8^\circ$

Conclusie: De straal kan het water niet uit want  $i > g$ . De straal wordt geheel weerkaatst. Zie figuur 7.

---

**Glofoptica 35 B 4**


---

maxima tralie  $\sin \alpha = n \cdot \frac{\lambda}{d} \quad (n = 1, 2, ..)$

energie foton  $E_f = hf = h \cdot \frac{c}{\lambda}$

---

**Vloeistoffen, gassen en warmteleer 35 C**


---



---

**Algemeen 35 C 1**


---

Algemeen

Druk  $p = \frac{F}{A}$

· **dichtheid**

$$\rho = \frac{m}{V}$$

 $\rho$  is de dichtheid in  $\text{kg/m}^3$ 

m is de massa in kg

V is het volume in  $\text{m}^3$ Voorbeeld 1:

Bereken de massa van 500 L water.

Opl.:

$$V = 500 \text{ L} = 500 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\rho = 0,998 \cdot 10^3 \text{ kgm}^{-3} \text{ (BINAS)}$$

$$\rho = m/V \rightarrow 0,998 \cdot 10^3 = m/500 \cdot 10^{-3} \rightarrow m = 4,99 \cdot 10^2 \text{ kg}$$

· **absolute temperatuur (in Kelvin)**

$$T = t + 273,16 \quad t \text{ in } ^\circ\text{C}$$

Voorbeeld 2:Reken  $20,0^\circ\text{C}$  om in Kelvin

Opl.:

$$T = 20,0 + 273,16 = 293 \text{ K}$$

---

**Vloeistoffen 35 C 2**


---

Debiet

$$Q = \frac{\Delta V}{\Delta t} = Av$$

Continuïteit

$$Av = \text{constant}$$

---

**Gassen 35 C 3**


---

algemene gaswet

$$\frac{pV}{T} = nR = \text{constant als het aantal mol niet verandert}$$

\* · rendement

$$\eta = \frac{P_{\text{nuttig}}}{P_{\text{in}}} \cdot 100\%$$

$\eta$  = rendement in %

$P_{\text{nuttig}}$  = geleverde (nuttige) vermogen in W (=J/s)

$P_{\text{in}}$  = toegevoerde vermogen in W (=J/s)

·  $\eta = \frac{E_{\text{nuttig}}}{E_{\text{in}}} \cdot 100\%$  is ook bruikbaar

· **Warmtetransport**

Warmte(energie) kan getransporteerd worden door *straling*, *stroming* (in gas/vloeistof) en *geleiding* (in metalen; “niet” in gassen/vacuüm).

Het vermogen dat door een wand gaat is evenredig met de oppervlakte en met het temperatuurverschil maar omgekeerd evenredig met de dikte van de wand.

· **Vermogensverlies door geleiding**

Het vermogensverlies door een wand hangt af van:

- de oppervlakte van de wand
- de dikte van de wand
- het temperatuurverschil aan weerszijden van de wand
- het geleidingsvermogen van het materiaal.

· Als aan een vertrek warmte wordt toegevoerd zal de temperatuur in het begin stijgen: het toegevoerd vermogen is groter dan het vermogensverlies door de wanden.

Omdat de temperatuur stijgt wordt het vermogensverlies groter (t.g.v. een groter temperatuurverschil).

Tenslotte is de temperatuur constant: het toegevoerde vermogen is gelijk aan het vermogensverlies: er is evenwicht.

\* · warmte(hoeveelheid)

$$Q = C \Delta T$$

Q = warmte(energie) in J

C = warmtecapaciteit C in J/K

$\Delta T$  = temperatuurverandering in K of °C

· C = 100 J/K betekent dat er 100 J warmte(energie) voor nodig is om de temperatuur met 1 Kelvin te laten stijgen.

$$Q = cm \Delta T$$

Q is de warmte(energie) in J

c is de soortelijke warmte in J/(kg.K) = J.kg<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup>

m = massa in kg

$\Delta T$  is de temperatuurverandering in K of °C

· c geeft aan hoeveel Joule er nodig is om 1 kg van een stof 1 K te verhitten.

· c zoek je op in BINAS (Zie index achter in BINAS)

\* · Voorbeeld 1:

Een lege pan met een warmtecapaciteit van 500 J/K bevat 2,0 kg water. Pan en inhoud zijn 20° en moeten 100 °C worden.

- Bereken hoeveel warmte pan en water opnemen.
- Het proces duurt 10 minuten. Bereken het vermogen dat aan water en pan is toegevoerd.
- Voor dit proces wordt 0,40 m<sup>3</sup> Gronings aardgas verbrand .(Zie BINAS voor verbrandingswarmte of stookwaarden). Bereken het rendement.

Opl:

- $Q_{\text{water}} = c \cdot m \cdot \Delta T = 4,18 \cdot 10^3 \cdot 2,0 \cdot 80 = 6,688 \cdot 10^5 \text{ J}$
  - (c uit BINAS;  $\Delta T = 100 - 20 = 80 \text{ K}$ )
  - $Q_{\text{pan}} = C \cdot \Delta T = 500 \cdot 80 = 4,0 \cdot 10^4 \text{ J}$
  - Totaal:  $Q = 6,688 \cdot 10^5 + 4,0 \cdot 10^4 = 7,088 \cdot 10^5 = 7,1 \cdot 10^5 \text{ J}$
- $P = Q / t = 7,088 \cdot 10^5 \text{ J} / (10 \cdot 60 \text{ s}) = 1,18 \cdot 10^3 = 1,2 \cdot 10^3 \text{ W}$
- BINAS: 1 m<sup>3</sup> gas levert 32 · 10<sup>6</sup> J dus
  - 0,40 m<sup>3</sup> gas levert 0,40 · 32 · 10<sup>6</sup> = 12,8 · 10<sup>6</sup> J
  - $P_{\text{gas}} = Q_{\text{gas}} / t = 12,8 \cdot 10^6 \text{ J} / 600 \text{ s} = 2,13 \cdot 10^4 \text{ W}$
  - $\eta = P_{\text{nuttig}} / P_{\text{in}} \cdot 100\% = 1,18 \cdot 10^3 \text{ W} / 2,13 \cdot 10^4 \text{ W} \cdot 100\% = 55 \%$

eerste hoofdwet

$$Q = \Delta E_{\text{pot}} + \Delta E_{\text{k}} + W_{\text{u}}$$

tweede hoofdwet

$$\eta = \frac{W_{\text{u}}}{Q} < 1$$

**Elektriciteit en magnetisme 35 D****Stromende elektriciteit 35 D 1**

· Ohm

$$U = I \cdot R$$


U = spanning in Volt

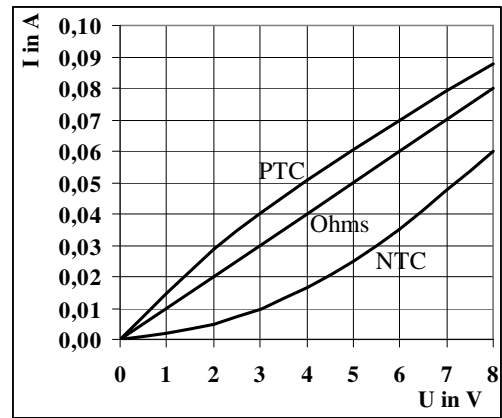
I = stroomsterkte in A

R = weerstand in  $\Omega$ · BINAS Tabel 4:  $C = As$  dus  $A = C/s$ 

· BINAS Tabel 7:

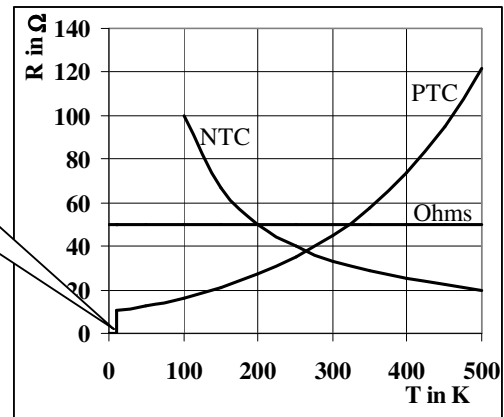
Elementaire ladingsquantum  $e \approx 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,Lading electron is  $-e$ 

- In een metaal bewegen de **vrije elektronen** van de  $-$ pool naar de  $+$ pool. We zeggen dat I van de  $+$ pool naar de  $-$ pool loopt.
- I meet je met een Ampèremeter die in **serie** met R moet staan.
- U meet je met een Voltmeter die **parallel** met R moet staan.
- **Ohmse weerstand** = een constante weerstand, bijvoorbeeld een nichroom draad. Dan geldt de wet van Ohm: U en I zijn recht evenredig, de I-U grafiek is een rechte lijn door O.
- **LDR** = light dependant resistor: Hoe meer licht, des te minder weerstand
- **NTC**-weerstand: **negatieve temperatuur coëfficiënt** weerstand: Hoe hoger de temperatuur, des te minder weerstand. Vb.: koolstof, silicium. Hoe hoger de temperatuur des te meer vrije elektronen er ontstaan: dus een betere geleiding.
- **PTC**-weerstand: **positieve temperatuur coëfficiënt** weerstand: Hoe hoger T, des te meer weerstand: Vb.: metaaldraden. Hoe hoger de temperatuur des te sneller trillen de ionen op hun plaats waardoor de vrije elektronen er moeilijker tussendoor kunnen. De elektronen botsen vaker tegen de ionen: dus een slechtere geleiding.
- **LED** = **L**ight **E**mitting **D**iode; een lichtgevende diode laat maar in één richting stroom door.
- **Diode**. Deze laat maar in één richting stroom door. De pijl in het schemateken geeft de doorlaatrichting aan.  
Schemateken diode: 
- **Supergeleiding**: Bij sommige stoffen verdwijnt de weerstand bij heel lage temperatuur (enkele graden boven het absolute nulpunt =  $0 \text{ K} = -273 \text{ K}$ ). Zo'n draadje wordt niet heet al stroomt er  $100.000 \text{ A}$  door!  
*Hier onder zie je de I-U grafieken voor de drie typen weerstanden. Als je waarden van U en I afleest kun je R berekenen. In de tabel zie je het overzicht.*  
*Conclusie: Als de stroom toeneemt wordt de temperatuur groter. Bij de Ohmse weerstand blijft R dan constant; bij de PTC neemt R toe; bij de NTC neemt R af.*



Ohms (R constant)			PTC (R neemt toe)			NTC (R neemt af)		
U(V)	I(A)	R(Ω)	U(V)	I(A)	R(Ω)	U(V)	I(A)	R(Ω)
4,0	0,040	100	4,0	0,050	80	4,0	0,016	250
8,0	0,080	100	8,0	0,087	82	8,0	0,060	133

Supergeleiding:  $R = 0 \Omega$   
onder de 5 K



· vermogen elektrische stroom

$$P = UI = I^2 R = \frac{E}{t}$$

P = vermogen in W (=J/s)

E = energie in J

t = tijd in s

· energie elektrische stroom

$$E = Pt$$

P = vermogen in W = J/s

T = tijd in s

E energie in J

**Of:**

P = vermogen in kW

T = tijd in h

E = energie in kWh

· BINAS Tabel 5:  $1 \text{ kWh} = 3,6 \cdot 10^6 \text{ J}$

· Voorbeeld 1:

Bereken hoeveel euro je moet betalen als een 1,5 kW kachel een etmaal aan staat. 1 kWh kost 20 c.

Geg: P = 1,5 kW, t = 24 h

Gevr.: E in kWh

Opl.:  $E = P \cdot t = 1,5 \text{ kW} \cdot 24 \text{ h} = 36 \text{ kWh}$

36 kWh kost  $36 \cdot 20 \text{ c} = 720 \text{ c} = \text{€ } 7,20$

N.B.: Het kan ook zo:

Geg:  $P = 1,5 \cdot 10^3 \text{ W}$ ,  $t = 24 \cdot 3600 = 86400 \text{ s}$

Gevr.: E in kWh

Opl.:  $E = P \cdot t = 1,5 \cdot 10^3 \cdot 86400 = 1,296 \cdot 10^8 \text{ J}$

BINAS tabel 5:  $1 \text{ kWh} = 3,6 \cdot 10^6 \text{ J}$  dus  $1,296 \cdot 10^8 \text{ J}$  is  $1,296 \cdot 10^8 \text{ J} / 3,6 \cdot 10^6 \text{ J} = 360 \text{ kWh}$

$36 \text{ kWh}$  kost  $36 \cdot 20 \text{ c} = 720 \text{ c} = \text{€ } 7,20$

**stroomsterkte bij:**

· serieschakeling

$$\boxed{I = I_1 = I_2}$$

I = stroomsterkte in A

- De stroomsterkte bij serieschakeling is overal hetzelfde; hij kan niet verdeeld worden.
- Let op: De stroomsnelheid in m/s verschilt wel.
- Deze is het grootst in de kleinste draad-doorsnede.
- De stroommeter (ampèremeter) moet in serie met de weerstand. Zie figuur 1.
- Een geschikte stroommeter heeft (bijna) geen weerstand. (De weerstand van de meter mag geen invloed hebben op de stroomsterkte in de schakeling).

· parallelschakeling

$$\boxed{I = I_1 + I_2 + \dots}$$

I = stroomsterkte in A

- De stroom I wordt verdeeld waarbij door de kleinste weerstand de grootste stroom loopt.

**spanning bij:**

· serieschakeling

$$\boxed{U = U_1 + U_2}$$

U = spanning in V

- De spanning wordt verdeeld over beide serieweerstanden. De stroomsterkte kan niet verdeeld worden.!
- De spanningsmeter (voltmeter) moet parallel aan de weerstand. Zie figuur 1.
- Een voltmeter laat (bijna) geen stroom door. ( $R_{\text{meter}} \gg R_{\text{weerstand}}$ ).

· parallelschakeling

$$\boxed{U = U_1 = U_2}$$

U = spanning in V

- De spanning is over beide parallelweerstandes hetzelfde. (de stroom wordt wel verdeeld, een deel door  $R_1$  en een deel door  $R_2$ ).

**vervangingsweerstand bij:**

· serieschakeling

$$\boxed{R_v = R_1 + R_2 + \dots}$$

$R_v$  = vervangingsweerstand (totale weerstand) in  $\Omega$

- De stroom is in elke serieweerstand even groot.
- De batterijspanning staat over  $R_v$  en wordt over de weerstanden verdeeld zodat  $U_v = U_1 + U_2$

• **parallelschakeling**

$$\frac{1}{R_v} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

$R_v$  = vervangingsweerstand (totale weerstand) in  $\Omega$

• Voorbeeld 2:

*serieschakeling. Zie figuur 1:*

Een 6,0V, 0,50A lampje is in serie geschakeld met een weerstand en op een regelbare spanningsbron van 9,0 V aangesloten zodat het lampje zelf op 6,0 V brandt.

- Teken de schakeling met een meter die de stroom door het lampje meet en de meter die de spanning over het lampje meet.
- Bereken hoe groot de serieweerstand moet zijn.
- Bereken het vermogen van de lamp, van de serieweerstand en van de bron.
- Bereken hoeveel lading door het lampje loopt in 1,5 minuten. Bereken ook hoeveel elektronen dat zijn.

Opl: **Let op! Nummer eerst elke weerstand, spanning en stroom:  $R_1, I_1, U_1$  enz..**

a. Zie de tekening.

b. Methode 1:

(Serieschakeling dus spanning verdeeld en stroom niet!):

$U_1 = 9,0 - 6,0 = 3,0$  V en er loopt ook 0,50 A door  $R_1$

dus  $R_1 = U_1/I = 3,0/0,50 = 6,0 \Omega$

Methode 2:

$R_2$  (de lamp) =  $U_2/I = 6,0/0,50 = 12 \Omega$  en  $R_v = U/I = 9,0/0,50 = 18$

$\Omega$ . Daaruit volgt dat  $R_1 = 18 - 12 = 6,0 \Omega$

c. •  $P_2 = U_2 I = 6,0 \cdot 0,50 = 3,0$  W

•  $P_1 = U_1 I = 3,0 \cdot 0,50 = 1,5$  W

of  $P_1 = I^2 R_1 = 0,50^2 \cdot 6,0 = 1,5$  W.

•  $P_{bron} = UI = 9,0 \cdot 0,50 = 4,5$  W

of  $P_{bron} = P_2 + P_1 = 3,0 + 1,5 = 4,5$  W

d.  $I = 0,50$  A dat is 0,50 C/s (Zie BINAS tabel 40. In 1 s loopt er dus 0,50 Coulomb door de lamp.

In 1,5 min = 90 s loopt er  $90 \cdot 0,50 = 45$  C door de lamp.

Zie BINAS tabel 7. De lading van een electron =  $(-)e = (-)1,6 \cdot 10^{-19}$  C.

45 C bestaat dus uit  $45/1,6 \cdot 10^{-19} = 2,8 \cdot 10^{20}$  electronen (heel veel dus!)

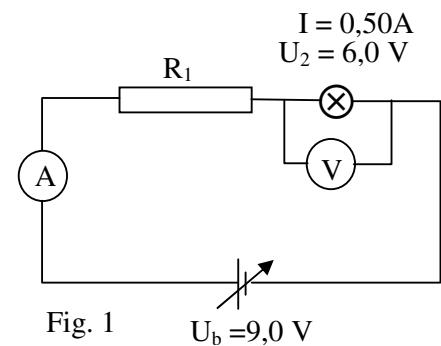


Fig. 1

• Voorbeeld 3:

*Parallelschakeling. Zie figuur 2:*

Bij een fiets staan een voorlampje (6,0V, 0,50 A) en een achterlampje (6,0V, 0,050 A) parallel geschakeld en in serie met een weerstand  $R_1$  op een 12,6 V dynamo aangesloten.

a. Bereken  $R_1$ .

b. Bereken de de weerstand van de keten.

c. Bereken het vermogen van de dynamo.

Opl: **Geef eerste elke weerstand, spanning en stroom een naam:**

**$R_1, I_1, U_1$  enz..**

a.  $I_1 = I_2 + I_3 = 0,50 + 0,050 = 0,55$  A

$U_b = U_1 + U_2 \rightarrow U_1 = 12,6 - 6,0 = 6,6$  V

$R_1 = U_1 / I_1 = 6,6/0,55 = 12,0 = 12 \Omega$

b. • vervangingsweerstand van beide lampjes ( $R_{2,3}$ ):

$1/R_{2,3} = 1/R_2 + 1/R_3 = 1/12 + 1/120 = 0,09167$  dus  $R_{2,3} = 1/0,09167 = 10,9 \Omega$

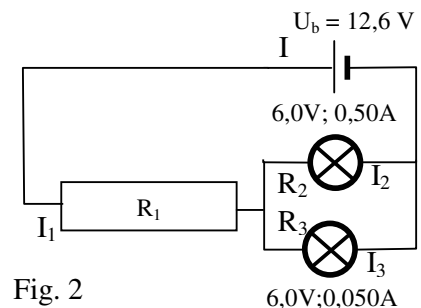


Fig. 2

- weerstand van de gehele keten:  $R_{1,2,3} = 12 + 10,9 = 22,9 = 23 \Omega$   
 Het kan ook zo:  $R_v = U_b/I = 12,6/0,55 = 22,9 = 23 \Omega$
- c.  $P_{\text{dyn}} = U_{\text{dyn}} I = 12,6 \cdot 0,55 = 6,93 = 6,9 \text{ W}$

• weerstand homogene draad

$$R = \frac{\rho \cdot l}{A}$$

$R$  = weerstand van de draad in  $\Omega$

$\rho$  = **soortelijke weerstand** in  $\Omega \text{ m}$  (Zie BINAS)

$l$  = lengte in m

$A$  = **doorsnede** in  $\text{m}^2$

• Let op:

*De diameter of middellijn van een ronde draad is in m.*

*De doorsnede in  $\text{m}^2$  bereken je met  $A = \pi r^2$*

*$\rho$  is ook het symbool voor dichtheid in  $\text{kgm}^{-3}$ .*

• Voorbeeld 4:

Je maakt een weerstand van  $100 \Omega$  van een nichroomdraad met een doorsnede van  $0,0040 \text{mm}^2$ .  
 Bereken hoe lang de draad moet zijn.

- Geg.:  $R = 100 \Omega$ , nichroom dus  $\rho = 1,10 \cdot 10^{-6} \Omega \text{ m}$  (BINAS) en  $A = 0,0040 \cdot \text{mm}^2 = 4,0 \cdot 10^{-9} \text{m}^2$ .
- Gevr: lengte  $l$
- Opl.  $R = \rho \cdot l/A \rightarrow 100 = 1,10 \cdot 10^{-6} \cdot l/4,0 \cdot 10^{-9} \rightarrow 100 = 275 \cdot l \rightarrow l = 0,36 \text{m}$

• Elektrische veiligheid:

• Op de fasedraad (bruin) staat 230 V. Op de nuldraad (blauw) staat 0 V. De nuldraad is bij de centrale met de aarde verbonden.

• Aardlekschakelaar: Als de stroom in de fasedraad en de nuldraad (meer dan 30 mA) verschillen wordt de stroomkring verbroken. *De aardlekschakelaar beschermt je tegen een te grote elektrische stroomstoot (schok).*

• Zekering: Een huiszekering is meestal 16 A. Als de stroomsterkte groter wordt dan 16 A (door overbelasting of kortsluiting) smelt de zekering en wordt de stroomkring

verbroken. *De zekering beschermt tegen overbelasting en dus tegen oververhitting van de bedrading.*

• Aardleiding: De aardleiding (geel/groen) maakt een verbinding tussen metalen wand van een elektrisch apparaat en de aarde.

Als de fasedraad tegen de metalen wand van een wasmachine komt is er een weerstandloze verbinding tussen fasedraad (via aardleiding en de aarde) met de nuldraad in de centrale. De stroomsterkte wordt te groot en de zekering smelt. *Aardleiding in combinatie met zekering voorkomt dat metalen delen van een apparaat onder spanning komen te staan.*

**Elektrisch veld 35 D 2**

wet van Coulomb	$F_{el} = f \frac{qQ}{r^2}$
veldsterkte en veldkracht	$E = \frac{F}{q}$
veldsterkte en potentiaalverschil	$E = \frac{\Delta V}{\Delta x} = \frac{U}{\Delta x}$
toename elektrische energie	$\Delta E_{el} = q\Delta V = qU = \Delta E_{kin}$
arbeid door veld	$W_{A \rightarrow B} = q(V_A - V_B) = qU_{AB}$

**\*Magnetisch veld 35 D 3**

**\*Lorentz-kracht:**

**• op stroomvoerende geleider**

\*  $F_L = B I l$

$F_L$  = lorentzkracht in N

$B$  = magnetische inductie in  $NA^{-1}m^{-1} = T$  (=Tesla, zie BINAS)

$I$  = stroomsterkte in A

$l$  = lengte van de draad in het magnetisch veld in m

• *Op een stroomdraad in een magnetisch veld werkt een Lorentz-kracht.*

• *De Lorentz-kracht speelt een rol bij de elektromotor en de luidspreker.*

• *Met de **linkerhand regel** vind je de richting van  $F_L$ :  
Veldlijnen opvangen in je linkerhand palm  
Vingers in de richting van de stroom  
Je duim wijst  $F_L$  aan.*

**\* • op bewegend deeltje**

$F_L = Bqv$

• De richting van de Lorentz-kracht vindt je met de **linkerhandregel**.

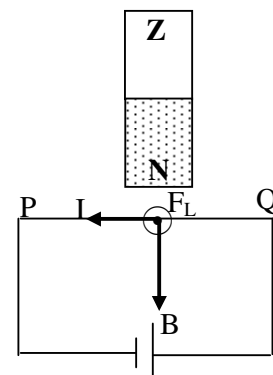
**\* • Voorbeeld 1:**

Draad PQ is op een batterij aangesloten. De draad bevindt bij een staafmagneet waarvan de polen zijn aangegeven met N en Z.

Bepaal de richting van de Lorentz-kracht op de draad in de tekening.

Opl:

- Geef eerst aan dat  $I$  van de +pool naar de -pool loopt en dat  $B$  van de noord- naar de zuidpool wijst (net als een kompas).
- Pas ten slotte de linkerhand regel toe en je vindt dat  $F_L$  het papier uit wijst.
- $F_L$  Aangegeven met een stip met een cirkel er om heen.



**De richting van het magnetisch veld van een stroomspoel:**

- Het magnetisch veld van een permanente magneet wijst buiten de magneet van de N- naar de Z- pool.
- **Het magnetisch veld van een stroomspoel** (elektromagneet is stroomspoel met kern) vind je met de
- **rechter vuist regel:**  
De gekromde vingers wijzen de richting van de elektrische stroom aan.  
De duim wijst de N-pool aan en de richting van de veldlijnen in de spoel.

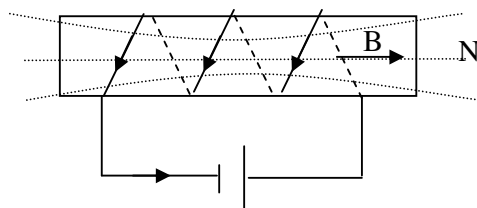
\* Voorbeeld 1:

In de tekening is een spoel getekend die op een batterij is aangesloten.

Bepaal waar de noordpool zit.

Opl:

- Geef de stroomrichting van I aan in de spoeldraad (van +pool door de spoel naar de -pool van de batterij)
- Wijs met de vingers van je **rechter vuist** in de richting van I.
- Je gestrekte duim geeft de richting van de veldlijnen(B) en van de noordpool N aan.



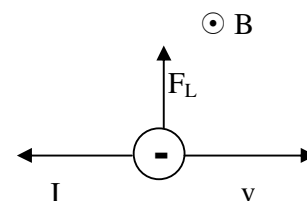
\* Voorbeeld 2:

Een elektron beweegt naar rechts een magnetisch veld in dat het papier uit komt, aangegeven met  $\odot$ , Zie tekening.

Teken de stroomsterkte en de lorentzkracht.

Opl:

- Het -deeltje gaat naar rechts dus I is naar links.
- Met een richtingsregel (linkerhand) zie je dat  $F_L$  omhoog gericht is, naar het middelpunt van de cirkel.



\*magnetische flux

$$\Phi = B_n A$$

- De magnetische flux door een winding is een maat voor het aantal magnetische veldlijnen dat door deze winding loopt.

magnetische inductie spoel

$$B = \mu_0 \frac{NI}{\ell}$$

**\*Wisselstromen en inductie 35 D 4**

Wisselspanning

$$U(t) = U_{\max} \sin 2\pi ft$$

Wisselstroom

$$I(t) = I_{\max} \sin 2\pi ft$$

\* **effectieve spanning**

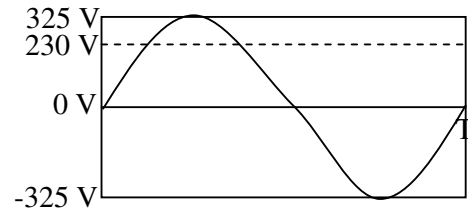
$$*U_{\text{eff}} = \frac{1}{\sqrt{2}} U_{\max}$$

$U_{\text{eff}}$  = effectieve waarde van de spanning in V.

$U_{\max}$  = maximale waarde van de spanning in V.

- Op het stopcontact staat een effectieve spanning van 230 V.
- Een sinusvormige wisselspanning met een topwaarde van

$325\text{ V}$  heeft een effectieve waarde van  $325 \cdot \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2} = 230\text{ V}$ .  
Een lamp op deze wisselspanning met topwaarde van  $325\text{ V}$  brand even fel (heeft hetzelfde vermogen) als op een gelijkspanning van  $230\text{ V}$ . Zie figuur.



\* · effectieve stroomsterkte

$$* I_{\text{eff}} = \frac{1}{2} \sqrt{2} I_{\text{max}}$$

\* · elektrisch rendement

$$* \eta = \frac{P_{\text{nuttig}}}{P_{\text{in}}} \cdot 100\%$$

$\eta$  = rendement in %

$P_{\text{nuttig}}$  = nuttig vermogen in W

$P_{\text{in}}$  = toegevoerd vermogen in W

· Het rendement is maximaal 100%

·  $\eta = E_{\text{nuttig}}/E_{\text{in}} \cdot 100\%$  kan ook.

\* · inductiespanning

$$U_{\text{ind}} = N \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right|$$

· De inductiespanning die in een spoel wordt opgewekt hangt af van:

- het aantal windingen  $N$

- de snelheid waarmee de flux in de spoel verandert.

·  $\Delta \Phi / \Delta t$  geeft de r.c. van de  $\Phi$ -  $t$  grafiek aan..

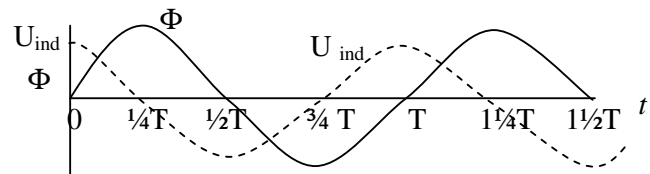
Als de flux maximaal is, is de r.c. = 0 dus  $U_{\text{ind}} = 0$  (Zie de grafiek)

Zie grafiek:

De getrokken lijn geeft de flux-tijd grafiek weer.

$U_{\text{ind}}$  is groot als de flux ( $\Phi$ ) sterk verandert dus op  $t = 0$ ;  $\frac{1}{2}T$ ,  $T$  en  $1\frac{1}{2}T$ .

$U_{\text{ind}}$  is 0 als de flux ( $\Phi$ ) niet verandert dus op  $t = \frac{1}{4}T$ ,  $\frac{3}{4}T$  en  $1\frac{1}{4}T$ .



\* · transformator

$$* \frac{U_p}{U_s} = \frac{N_p}{N_s}$$

·  $U_p$  is primair spanning in V

·  $U_s$  is secundaire spanning in V

·  $N_p$  is aantal windingen van de primaire spoel

·  $N_s$  is aantal windingen van de secundaire spoel

· Door de primaire spoel loopt een wisselstroom waardoor de flux in de primaire spoel steeds verandert (van grootte en richting).

· Deze flux loopt via de kern door de secundaire spoel. In

*deze secundaire spoel verandert dus steeds de flux waardoor er een inductiespanning ontstaat ( $U_s$ ). Een transformator werkt dus niet als hij is aangesloten op gelijkspanning.*

**\* · vermogen bij ideale transformator**

**\* $P_p = P_s$**

$P_p$  = primair vermogen in W

$P_s$  = secundair vermogen in W

$P_p = P_s$  geeft aan dat er geen vermogen verloren gaat (dus geen warmteverlies).

**\* · Voorbeeld 1:**

Een 12 V, 30 W halogeenlamp wil je met een transformator op 230 V aansluiten.

- a. Bereken het aantal secundaire windingen als er primair 1000 zijn.
- b. Bereken de secundaire en primaire stroomsterkte.

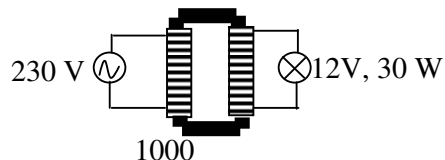
Opl:

a.  $U_p/U_s = N_p/N_s \rightarrow 230/12 = 1000/N_s \rightarrow N_s = 52$

b.  $P_s = U_s \cdot I_s \rightarrow 30 = 12 \cdot I_s \rightarrow I_s = 2,5 \text{ A}$

·  $P_p$  is ook 30 W (ideale transformator)

·  $P_p = U_p \cdot I_p \rightarrow 30 = 230 \cdot I_p \rightarrow I_p = 0,13 \text{ A}$



**Condensator 35 D 5**

condensator	
capaciteit	$C = Q/U$
lading op condensator	$Q = CU$
opladen condensator	$I(t) = I(0)e^{-t/RC}$

**Overige onderwerpen 35 E**

**Atoomfysica 35 E 1**

energie foton	$E_f = hf = h \cdot \frac{c}{\lambda}$
spectraallijn	$\Delta E = hf$ f is frequentie
uittree-arbeid	$W_u = hf_{\text{grens}}$
foto-elektrisch effect	$E_k \leq hf - W_u$
de Broglie	$\lambda = \frac{h}{m_0 v} = \frac{h}{p}$
Wien	$\lambda_{\text{max}} T = k_w$

· **aantal nucleonen in kern**

$$A = N + Z$$

A = aantal nucleonen (kerndeeltjes) = massagetal.

N = aantal protonen = rangnummer = lading

Z = aantal neutronen

- Zie BINAS tabel 25: isotopen: Daar staat het element, rangnummer, massagetal, voorkomen in de natuur, halveringstijd en uitgezonden deeltje.

· **Notatie van een kern:**

${}^{231}_{91}\text{Pa}$ -kern heeft 91 protonen en dus  $231 - 91 = 140$  n

· **Ioniserende straling:**

neutronen:  ${}^1_0\text{n}$

protonen:  ${}^1_1\text{p}$

**$\alpha$ -straling** =  ${}^4_2\text{He}$ -kern: Groot ioniserend vermogen, kleine dracht (klein doordringend vermogen).

**$\beta^-$ -straling** = elektron =  ${}^0_{-1}\text{e}$  : Gemiddeld ioniserend vermogen, gemiddelde dracht (gemiddeld doordringend vermogen).

**$\gamma$ -straling** =  ${}^0_0\gamma$  = elektromagnetische straling met 'grote' frequentie. Klein ioniserend vermogen, grote dracht (groot doordringend vermogen).

· **Isotoop:**

Element met hetzelfde rangnummer maar verschillend massagetal:

- Drie isotopen van waterstof zijn:  ${}^1_1\text{H}$ ,  ${}^2_1\text{H}$  en  ${}^3_1\text{H}$

De samenstelling is:

${}^1_1\text{H} = 1 \text{ p} + 0 \text{ n}$ ,  ${}^2_1\text{H} = 1 \text{ p} + 1 \text{ n}$  en  ${}^3_1\text{H} = 1 \text{ p} + 2 \text{ n}$

· **Besmetting en bestraling:**

Als je radioactief besmet bent bevindt zich in of op je lichaam radioactief materiaal. Als je bestraald wordt blijven de radioactieve kernen in de bron. Je wordt dus niet besmet en dus niet radioactief. Wel wel je getroffen door ioniserende straling die in je lichaam schade veroorzaakt.

· **Radioactief verval:**

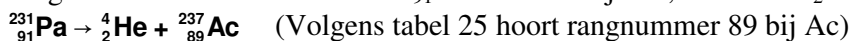
Het totaal aantal nucleonen en het totaal aantal protonen voor en na de reactie is gelijk.

· **Voorbeeld 1:**

Stel de vervalreactie op van  ${}^{231}_{91}\text{Pa}$ .

Opl.:

- Volgens BINAS tabel 25 zendt  ${}^{231}_{91}\text{Pa}$  een  $\alpha$ -deeltje uit, dat is een  ${}^4_2\text{He}$ -kern.



- Instrumenten om straling te detecteren:  
Geiger-Muller teller, fotografische plaat, Wilsonvat (nevelvat)

• **Einstein**

$$E = mc^2$$

E = energie in J

m = (omgezette) massa in kg

(m = totale massa voor - totale massa na de reactie)

c = lichtsnelheid =  $2,99 \dots 10^8$  m/s (BINAS tabel 7)• Voorbeeld 2:

Bij de vervalreactie  ${}_{91}^{231}\text{Pa} \rightarrow {}_2^4\text{He} + {}_{89}^{227}\text{Ac}$  is de totale massa van de deeltjes voor de reactie  $8,3073 \cdot 10^{-30}$  kg groter dan na de reactie.

Bereken hoeveel energie er vrij komt bij dit verval.

Opl.:

Geg. m =  $8,3073 \cdot 10^{-30}$  kg en c =  $2,99792458 \cdot 10^8$  m/s•  $E = mc^2 = 8,3073 \cdot 10^{-30} \cdot (2,99792458 \cdot 10^8)^2 = 7,4662 \cdot 10^{-13}$  J

N.B.1:

In BINAS tabel 25 staat dat er 4,66 MeV vrij komt en dat  $1 \text{ MeV} = 1,602 \cdot 10^{-6}$  J. $4,66 \text{ MeV} = 4,66 \cdot 1,602 \cdot 10^{-13} \text{ J} = 7,47 \cdot 10^{-13} \text{ J}$ 

N.B.2:

De omgezette massa kun je berekenen door de massa voor en de massa na de reactie op te zoeken in BINAS en dan van elkaar af te trekken. Let er wel op dat in BINAS tabel 25 de massa van het atoom staat. Om de massa van de kern te vinden moet je dus nog de massa van de electronen er van af trekken.

Voor de vervalreactie: massa Pa-231 kern =  $(231,03589u - 91 \cdot m_e)$

Na de vervalreactie: massa Ac-227 kern + massa He-4 kern =  $(227,02775u - 89 \cdot m_e) + (4,002603u - 2 \cdot m_e)$

$m_e = 0,00054858u$  vind je in BINAS tabel 7 maar als je goed kijkt staat er voor de reactie  $-91 \cdot m_e$  en na de reactie  $-89 \cdot m_e - 2 \cdot m_e$  dus dan kun je wegstrepen. Scheelt bij dit voorbeeld veel rekenwerk.

halveringstijd

$$\tau = t_{1/2}$$

• De halveringstijd is te vinden in BINAS tabel 25.

Vervalconstante

$$\lambda = 1/\tau \ln 2$$

•  $\lambda$  in  $s^{-1}$ • **radioactief verval**

$$N(t) = N(0) \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{t_{1/2}}}$$

N(t) = aantal kernen

N(0) = aantal kernen in het begin (op t = )

t = ijd in s (of h, jaar enz.)

 $t_{1/2}$  = halveringstijd (halfwaardetijd) in s (of h, jaar enz.)

$$N(t) = N(0)e^{-\lambda t}$$

• Voorbeeld 3:

Je hebt een hoeveelheid Ne-24 kernen. Bereken hoeveel % er over is na 45 uur.

Opl:

• Volgens BINAS tabel 25 is de halveringstijd van Ne-24 gelijk aan 15 uur.

•  $45 \text{ uur} = 45/15 = 3$  dus 3 maal gehalveerdEr is over:  $(\frac{1}{2})^3 \cdot 100\% = 1/8 \cdot 100\% = 12,5\%$ • Er is dus vervallen:  $100 - 12,5 = 87,5 = 88 \%$ .

Je kunt het ook oplossen met een tabel:

tijd	0h	15h	30h	45h
Percentage vervallen	0%	50%	25%	12,5%

• Er is dus vervallen:  $100 - 12,5 = 87,5 = 88 \%$ .

Je kunt het ook berekenen met  $N(t) = N(0)(1/2)^{t/t_{1/2}}$

$N(0) = 100\%$ ,  $t_{1/2} = 15$  h, dat zijn  $45/15 = 3$  halveringstijden.

Er is dus over:  $100 \cdot (1/2)^3 = 12,5\%$

· Er is dus vervallen:  $100 - 12,5 = 88\%$ .

· **activiteit**

$$A(t) = - \frac{\Delta N(t)}{\Delta t} \quad \text{als } \Delta t \ll \tau$$

$$A(t) = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} N(t)$$

· **A is de activiteit  $s^{-1} = Bq$**  (Bequerel zie BINAS tabel 4)

· De activiteit geeft aan hoeveel kernen er per seconde vervallen dus hoeveel deeltjes per seconde worden uitgezonden.

·  $-\Delta N(t)/\Delta t = \text{activiteit} = -$  de rc van de N-t grafiek!

· **Dosis geabsorbeerde ioniserende straling**

Zie BINAS tabel 3: in gray = Gy = J/kg.

Dosis = hoeveelheid geabsorbeerde stralingsenergie per kg.

Het kan ook in formulevorm. De formule staat niet in

BINAS:  $D = E_{str}/m$

· **Kwaliteitsfactor:**

Geeft aan hoe schadelijk de straling is. Voor  $\alpha$ -straling is het 20, voor neutronen 1.

· **Dosisequivalent** in Sv (Sievert, Zie BINAS tabel 4)

Dosisequivalent = kwaliteitsfactor · geabsorbeerde dosis.

Het kan ook in formulevorm. De formule staat niet in

$H = Q \cdot D = Q \cdot E_{str}/m$

· Voorbeeld 4:

Een bron met activiteit van  $1,0 \cdot 10^6$  Bq zendt 10 minuten lang  $\alpha$ -straling uit. 20 % van deze straling komt op 10 gram weefsel. De kwaliteitsfactor is 20. Elk  $\alpha$ -deeltje heeft een energie van  $8,0 \cdot 10^{-13}$  J.

Bereken het dosisequivalent.

Opl:

·  $1,0 \cdot 10^6$  Bq =  $1,0 \cdot 10^6$  deeltjes per seconde dus in 10 min = 600 s zijn dat  $1,0 \cdot 10^6 \cdot 600 = 6 \cdot 10^8$  deeltjes.

· 20 % hiervan treft het weefsel dat zijn  $0,20 \cdot 8,0 \cdot 10^{-13}$  J =  $1,6 \cdot 10^{-13}$  J deeltjes.

· De energie hiervan is  $6 \cdot 10^8 \cdot 1,6 \cdot 10^{-13}$  J =  $9,6 \cdot 10^{-5}$  J

· Dosis geabsorbeerde straling = geabsorbeerde energie/ kg =  $9,6 \cdot 10^{-5}$  J / 0,010 kg =  $9,6 \cdot 10^{-3}$  J/kg (=Gy)

· Dosisequivalent =  $20 \cdot 9,6 \cdot 10^{-3} = 1,9 \cdot 10^{-1}$  Sv

verzwakkingcoëfficiënt

$$\mu = \ln 2 / d_{1/2}$$

verzwakking  $\gamma$ -straling

$$I(x) = I(0) \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{x}{d_{1/2}}}$$

$$I(x) = I(0)e^{-\mu x}$$

Voorbeeld 5:

Beton heeft een halfwaardedikte van 0,40 m voor gammastraling.

Leg uit hoewel % er door een 4,0 m dikke betonen wand komt.

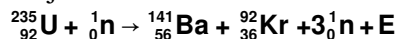
Opl.:

4,0 m is  $4,0/0,40 = 10$  halfwaardedikten.

De hoeveel straling is dus 10 keer gehalveerd, dat is  $100\% \cdot (1/2)^{10} = 0,098\%$

### Kerncentrale

- In een kerncentrale wordt U-235 gespleten m.b.v. een neutron waarbij energie en een aantal nieuwe neutronen vrij komen. Een voorbeeld van een splijtingsreactie:



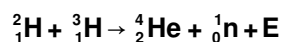
- *Voordelen van dit soort reacties:*
  - Er komt **energie** vrij.
  - De vrij gekomen neutronen veroorzaken nieuwe splijtingen.
  - Er ontstaat een **kettingreactie**. De reactie houdt zichzelf in stand.

#### *Nadelen/problemen:*

- De vermenigvuldigingsfactor k is groter dan 1 en moet 1 worden anders komt er steeds meer energie/sec. vrij. Met **regelstaven** (cadmium) worden een deel van de neutronen weg gevangen.
- De vrijgekomen neutronen gaan te snel om een kern te splijten en moeten afgeremd worden m.b.v. een **moderator** (bijv. koolstof)
- Afvalprobleem: De nieuwe kernen (splijtingproducten) zijn weer radioactief.
- N.B.: neutronen zijn ideale projectielen want ze zijn ongeladen en worden door de positieve U-235 kern niet afgestoten.
- N.B.: Boven de **kritische massa** van bijv. U-235 is de kans dat de ontstane neutronen ontsnappen en dus geen splijting veroorzaken zo klein dat er een kettingreactie in het U-235 ontstaat.

### Kernfusie:

- Door fusie van lichte kernen ontstaat een zwaardere kern en energie.
- De massa neemt af en er ontstaat energie.
- Een voorbeeld van een fusiereactie:



N.B.: Beide H-kernen zijn positief en stoten elkaar af. Om ze toch te laten fuseren moeten ze elkaar met zeer grote snelheid naderen. De temperatuur moet dus zeer hoog zijn (een miljard graden). Dit komt voor in de kern van de zon.

---

---

## Fysische informatica Tabel 17

---

- In tabel 17 B staan enkele schematekens voor poorten en dergelijke.
- Een spanning van 5 V heet ook wel hoog, true, waar of 1. Een spanning van 0 V heet ook wel laag, false, onwaar of 0.
- Uitgangen van verwerkers mag je nooit doorverbinden (want dan kun je kortsluiting krijgen). De uitgang van de ene verwerker moet naar de ingang van de volgende!

### **comparator** (vergelijker).

- Stel dat je een comparator instelt op 2 V (= referentiespanning).  
Als  $V_{in} < 2 \text{ V}$  dan is  $V_{uit} = 0 \text{ V}$   
Als  $V_{in} > 2 \text{ V}$  dan is  $V_{uit} = 5 \text{ V}$
- Achter een sensor (die een spanning tussen 0 en 5 V levert) moet altijd een comparator want de poort/teller enz. die je er achter zet werken alleen maar als er 0 of 5 V op de ingang staat.

De **teller** van het systeembord heeft drie ingangen:

- telpulsen
- aan/uit
- reset
- Als je geen draad in de aan/uit ingang steekt staat de teller aan. Verbind je aan/uit met 0 V dan telt hij niet, bij 5 V telt hij wel.
- Een klok maak je met een teller en een pulsgenerator op bijv. 1 Hz.  
Vergeet niet dat de klok op 0 moet staan als hij gaat lopen.

### **OF-poort**

De uitgang is 1 als minimaal 1 ingang 1 is

### **Invertor** (omkeerder)

De uitgang is 1 als de ingang 0 is.

De invertor heb je nodig als je actie wilt ondernemen bij een laag signaal. Bijvoorbeeld als je in het donker een laag (licht)sensorsignaal hebt en toch een lamp wilt aanzetten.

### **Geheugencel (Memory)**

Als je een gebeurtenis wilt onthouden (bijv. dat het donker is geworden) moet je een memory-cel zetten. Wissen doe je met de reset. (N.B.: Donker geweest "onthouden" betekent bij een laag sensorsignaal de geheugencel zetten. Je moet dus eerst naar een invertor en dan pas naar de geheugencel!)

**Van decimaal naar digitaal en omgekeerd:**

Gebruik hierbij het rijtje van machten van 2:

$2^6$   $2^5$   $2^4$   $2^3$   $2^2$   $2^1$   $2^0$  ofwel

**64** **32** **16** **8** **4** **2** **1**

· Voorbeeld 1:

Zet binair 1011 om in een decimaal getal.

Opl:

Gebruik het rijtje met machten van 2:

**8** **4** **2** **1**

$$1011 = 1.\underline{8} + 0.\underline{4} + 1.\underline{2} + 1.\underline{1} = 8 + 2 + 1 = 11$$

· Voorbeeld 2:

Zet 28 om in een binair getal.

Opl:

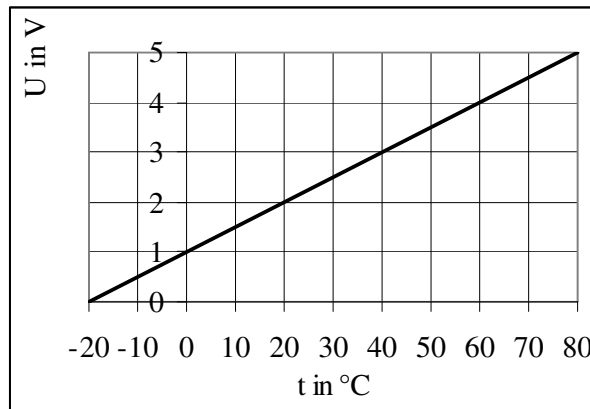
Gebruik het rijtje met machten van 2:

**16** **8** **4** **2** **1**

$$26 = 1.\underline{16} + 1.\underline{8} + 0.\underline{4} + 1.\underline{2} + 0.\underline{1} \text{ dus } 26 \text{ is binair } 11010$$

**Sensor.**

- Achter een analoge sensor (die spanningen tussen 0 en 5 V aan kan geven) moet altijd een comparator voordat het signaal naar een poort mag.
- De **gevoeligheid** van een temperatuursensor geeft aan met hoeveel Volt de uitgang verandert als je de ingang met 1 graad verandert, ofwel:
- De gevoeligheid is de **r.c.** van de ijkgrafiek.
- De gevoeligheid van de ijkgrafiek hieronder = r.c. =  $(5,0 - 1,0)^\circ\text{C} / (80 - 0)^\circ\text{C} = 0,050\text{V}/^\circ\text{C}$ .



**Problemanalyse:**

Leid uit het tekstverband af welke onderdelen/ verwerkers je nodig hebt:

- Na een sensor altijd moet meteen een *comparator* met een juiste *referentiespanning*.
- Na 6 s betekent: een *teller* met *pulsgenerator op 1 Hz* ( $T = 1 \text{ s}$ ).  
 $6 = 4 \ \& \ 2$  dus van de telleruitgangen 4 en 2 naar een *&poort*.

De teller moet wel netjes vanaf nul gaan tellen. Dat kan door de teller te *resetten* of door de *teller aan/uit op 0 te houden* totdat het tellen moet beginnen.

- Wachten totdat . . . betekent dat een gebeurtenis (bijvoorbeeld dat het donker is geweest) onthouden moet worden. Dus heb je een *geheugencel* nodig die geset moet worden. De gebeurtenis (donker worden) wordt gekenmerkt door een *laag* lichtsensorgesignaal dus een *inverter* achter de comparator en dan pas naar de set van de geheugencel.

Soorten systemen:

- **Meetsysteem** (voorbeeld elektrische thermometer)
  1. Je *neemt waar* (met sensor).
  2. Het sensorsignaal wordt omgezet in een *getal*.
- **Stuursysteem** (voorbeeld: lamp die aangaat in het donker)
  1. Je *neemt waar* (met sensor)
  2. Na evt. bewerking van het sensorsignaal volgt *actie* (lamp aan)
- **Regelsysteem** (bijvoorbeeld thermostaat)
  1. Je *neemt waar* (met sensor)
  2. Je *vergelijkt* het sensorsignaal met een gekozen waarde (= de referentiespanning van een comparator)
  3. Bij afwijkingen wordt er *gecorrigeerd* (temperatuur te laag dan kachel aan, temperatuur te hoog dan kachel uit)

Voorbeeld 4:

Als je luidspreker oververhit is (meer dan  $70^\circ$ ) moet deze uitgeschakeld worden. Gebruik als luidspreker een LED van het systeembord. Als de temperatuur onder de  $50^\circ\text{C}$  is gekomen mag de luidspreker pas weer ingeschakeld worden. De ijkgrafiek is hierboven gegeven.

Opl.:

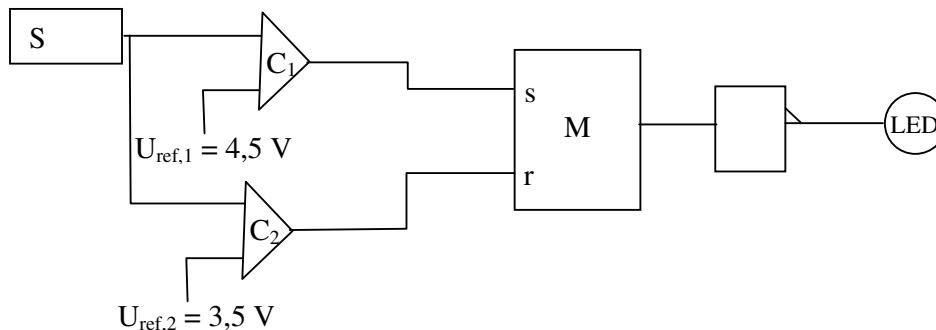
Na S (temperatuursensor) komt  $C_1$  (comparator 1) met  $U_{\text{ref},1} = 4,5 \text{ V}$  (aflezen).

Na S (temperatuursensor) komt  $C_2$  (comparator 2) met  $U_{\text{ref},2} = 3,5 \text{ V}$  (aflezen).

Er moet onthouden worden dat  $C_1$  hoog is geweest dus van  $C_1$  naar  $M_{\text{set}}$ .

Actie (relais uitschakelen) bij hoog signaal dus achter M moet een inverter.

Als  $C_2$  onder de  $3,5 \text{ V}$  is gezakt moet de luidspreker weer aan dus van  $C_2$  naar  $M_{\text{reset}}$ .



• Voorbeeld 5:

Zie de ijkgrafiek van een temperatuursensor hierboven.

- Bepaal het bereik van de sensor.
- Bereken de gevoeligheid van de sensor.

Opl:

- Het bereik is van  $-20$  tot  $80^\circ\text{C}$

b. De gevoeligheid  $S = r.c.$  van de ijkgrafiek =  $(5,0 - 0,0)V/(80 - -20)^\circ C = 0,050 V/^\circ C$

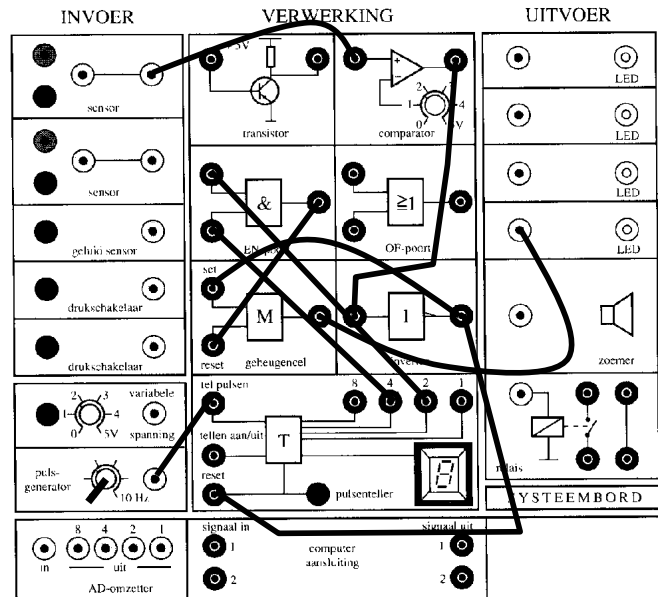
• Voorbeeld 6:

Als een vrachtauto die te hoog is voor een tunnel een laserstraal onderbreekt moet een (rode) lamp aan gaan en 6 s nadat de auto helemaal door de bundel heen is weer uit gaan.

Analyse van het probleem:

Opl:

- >Je hebt een laser dus een *lichtsensor* nodig.
- >Achter een sensor moet een *comparator*.
- >Voor actie is een hoog signaal nodig. Bij onderbreken van de bundel is de sensor laag dus een *inverter*.
- >Het licht moet aan blijven dus een *geheugencel*.
- >Na 6 s moet de lamp uit (= resetten geheugencel) Dus een klok (*teller + puls-generator op 1Hz*)
- N.B.: De klok moet gereset worden als het donker is dus van inverter naar reset.
- >Bij 6,0 s is uitgang 4 en 2 van de teller hoog dus een *EN-poort*.



Controleer de werking door in de schakeling 0 of 1 te zetten bij de in- en uitgangen. Je kunt ook een waarheidstabel maken:

sensor	comp uit	inv. uit	M <sub>set</sub>	M <sub>reset</sub>	M <sub>uit</sub>	T <sub>reset</sub>	T <sub>uit 4</sub>	T <sub>uit 2</sub>	EN in 1	EN in 2	EN uit	lamp
licht	1	0	0	0	0	0	?	?	?	?	?	0
donker	0	1	1		1	1	0	0	0	0	0	1
6s licht	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	1	0

-----Einde-----